

ATATÜRK ÜNİVERSİTESİ  
FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ  
BİLGİSAYAR BİLİMLERİ  
ANABİLİM DALI

DOĞRUSAL PROGRAMLAMA VE REVİSED SIMPLEKS  
YÖNTEME DAYALI BİR BİLGİSAYAR PROGRAMI GELİŞTİRME  
UYGULAMASI

Pakize TOHÜMCÜ

Yönetici:  
Prof.Dr. Sibkat KAÇTIOĞLU

Yüksek Lisans Tezi

## ÖZET

Doğrusal programlama, yaygın olarak kullanılan yöneylem araştırması optimizasyon tekniklerinden birisidir.

Çalışmada önce Doğrusal Programlama Modeli tanıtılmış, çözüm teknikleri üzerinde durulmuş ve bu modeller için söz konusu olabilen bazı özel durumlar incelenmiş, daha sonra da QBASIC programlama dili kullanılarak Revised Simpleks Algoritmaya dayalı bir bilgisayar programı (ATADP) geliştirilmiştir.

Geliştirilen programın kişisel bilgisayarlarda yaygın olarak kullanılan QSB ile mukayesesi programın QSB'ye göre önemli avantajlar sağladığını göstermiştir.

## SUMMARY

Linear programming is one of the widely used operation research optimization techniques.

In this study , first linear programming model was introduced, solution techniques were reviewed and some special cases, which can be possible for these models, were examined, then a computer programme ( ATADP) based on Revised Simpleks Algorithm was developed by using QBASIC programming language.

The comparison of the developed programme with the QSB programme ,which is widely used for similar purpose in PC, showed that the programme had some important advantages over QSB.

## TEŞEKKÜR

Bu tezin hazırlanmasında hem alışmalarından hem de bilgi ve tecrübelerinden büyük ölçüde istifade ettiğim sayın hocam Prof.Dr. Sibkat KAÇTIOĞLU'na teşekkür ederim. Ayrıca yüksek lisans çalışmalarım esnasında bilgilerinden yararlandığım ve her türlü desteği gördüğüm hocalarım Prof.Dr.Fatin SEZGİN ve Prof.Dr Yahya Kemal YOĞURTÇU'ya teőekkürü bir borç bilirim.

## İÇİNDEKİLER

	<u>Sayfa</u>
ÖZET .....	i
SUMMARY .....	ii
TEŞEKKÜR .....	iii
İÇİNDEKİLER .....	iv
1. GİRİŞ .....	1
2. DOĞRUSAL PROGRAMLAMA .....	2
2.1. Giriş .....	2
2.2. Doğrusal Programlama Modeli .....	3
2.2.1. Tanım .....	3
2.2.2. Amaç fonksiyonu, Kısıtlayıcılar ve Pozitiflik Şartı .....	3
2.2.3. Doğrusal Programlama Modellerinin Dayandığı Varsayımlar.....	4
2.2.3.a. Oranlılık .....	5
2.2.3.b. Toplanabilirlik .....	5
2.2.3.c. Bölünebilirlik .....	5
2.2.3.d. Belirlilik .....	5
2.2.4. Bazı Özel Modeller .....	6
2.2.4.a. Tipik Maksimizasyon Modeli .....	6
2.2.4.b. Tipik Minimizasyon Modeli .....	6
2.2.5. Genel Bir Doğrusal Programlama Modeli .....	8
2.3. Doğrusal Programlama Modellerinin Çözümü .....	8
2.3.1. Doğrusal Programlama Modellerinde Kullanılan Bazı Kavramlar.....	9
2.3.1.a. Konveks Set .....	9
2.3.1.b. Uygun Çözüm .....	9

	<u>Sayfa</u>
2.3.1.c. Temel Çözüm ve Temel Uygun Çözüm .....	9
2.3.1.d. Optimal Çözüm .....	10
2.3.2. Doğrusal Programlama Modellerinin Çözüm Metodları .....	10
2.3.2.a. Grafik Çözüm Metodu .....	10
2.3.2.b. Simpleks Çözüm Metodu .....	11
2.3.2.c. Revised Simpleks Metod .....	20
2.4. Simpleks Metod Uygulamalarında Karşılaşılan Özel Durumlar .....	28
2.4.1. Dejenerasyon .....	28
2.4.2. Alternatif Optimum Çözüm .....	33
2.4.3. Sınırsız Çözüm .....	35
2.4.4. Mümkün Çözüm Olmaması .....	36
<b>3. BİLGİSAYAR PROGRAMI GELİŞTİRME UYGULAMASI (ATADP).....</b>	<b>38</b>
3.1. Giriş .....	38
3.2. Programın Şematik Görünümü .....	38
3.3. Programda kullanılan Değişkenler Listesi .....	41
3.4. Programın Yazıldığı Dil .....	42
3.4.1. Bilgi Türleri .....	42
3.4.2. Sapma ve Kontrol Deyimleri .....	43
3.4.3. Döngü Deyimleri .....	43
3.4.4. Prosedürler .....	43
3.4.5. Modüler İmkanlar .....	43
3.4.6. Shell İmkani .....	44
3.4.7. Dosyalar .....	44
3.5. Programın Çalışması .....	44
3.6. Çözüm Süresi .....	48
<b>4.SONUÇ .....</b>	<b>51</b>

<b>5. EKLER .....</b>	<b>52</b>
Ek 1.Bilgi Giriş Blok Şemaları .....	52
Ek 2.Görüntüleme Blok Şeması .....	53
Ek 3.Çözüm Akış Şeması .....	54
Ek 4.Koruma Blok Şeması .....	60
Ek 5.Değişiklik Alt Menüsü Blok Şemaları .....	61
Ek 6.Program Hakkında Bilgi Seçeneği Modül Programı .....	62
Ek 7.ATADP Programının QBASIC Dilindeki Kodlaması .....	64
<b>KAYNAKLAR .....</b>	<b>92</b>

## 1. GİRİŞ

Yöneylem araştırması ekonomilerin ve işletmelerin başta gelen amacı olan kaynakların en verimli şekilde kullanılmasını sağlamak üzere geliştirilmiş kantitatif karar verme tekniklerinden oluşur. Bilimsel yaklaşımla karar verme olarak da tanımlayabileceğimiz yöneylem araştırmasının amacı, yönetimlerin politika ve eylemlerinin bilimsel olarak belirlenmesini sağlamak, verilecek kararların tutarlılık ve uygulanabilirliğini artırmaktır.

Yöneylem araştırması doğrusal ve doğrusal olmayan programlama, markov zincirleri, kuyruk teorisi, stok kontrolü, simülasyon, dinamik programlama ve kuadratik programlama gibi çok sayıda yöntemi kapsar. Bunlardan doğrusal programlama bu bilim dalının geliştirdiği yaygın kullanım alanına sahip bir optimizasyon tekniğidir. Doğrusal programlama modellerinin çözümünde simpleks metod kullanılır. Tezin konusu olan Revised (Düzeltilmiş) Simpleks Metod ise simpleks metodun geliştirilmiş özel bir şeklidir. Doğrusal programlama problemlerinin bilgisayar desteği ile çözümünde tercih edilen bir yöntemdir.

Çalışmanın ikinci bölümünde Doğrusal Programlama modeli hakkında genel bilgiler verilmiş, bu modelin çözüm tekniklerinden olan Simpleks Metod ve özellikle Revised Simpleks Metod incelenmiştir. Üçüncü bölümde ise Revised Simpleks çözüm metodunu kullanarak, 100x100 boyuta kadar olan doğrusal programlama problemlerini çözmek üzere QBASIC'te geliştirilen ATADP programı incelenmiştir. Dördüncü bölümde ise sonuç olarak, hazırlanan program yaygın olarak kullanılan benzer amaçlı bir program ile karşılaştırılmıştır.



## 2. DOĞRUSAL PROGRAMLAMA

### 2.1. Giriş

Herhangi bir karar problemini yöneylem araştırması yoluyla çözmenin temeli model kurmadır. Gerçek hayattaki olayların soyut bir görünümünü tasvir anlamı taşıyan model kurma, fiziksel bilimlerde söz konusu olan deney yapmanın yönetim bilimindeki karşılığıdır (1).

Yöneylem araştırmalarında verilen bir problemin çözülebilmesi için;

- Problemin formüle edilmesi
- Modelin kurulması
- Modelin çözümü
- Çözümün test edilmesi
- Çözümün kontrol altına alınması
- Çözümün uygulanması gerekir.

Model kurma 'aşamasında dikkat edilmesi gereken hususlar ise şunlardır.

Model;

- Sistemin ve karar organlarının amaçlarını en iyi şekilde temsil etmelidir.
- Gerçeği en uygun şekilde temsil etmelidir. Hiçbir gerçek hayat problemi tam olarak modellenemez. Ancak belirli sınırlar ve varsayımlarla modellenirler.
- Mevcut çözüm teknikleriyle çözülebilmelidir.
- Gerekli olan veriler bulunmalıdır.

## 2.2. Doğrusal Programlama Modeli

### 2.2.1. Tanım

Doğrusal programlama modeli , doğrusal eşitlik veya eşitsizlik sınırlayıcı şartları altında doğrusal bir amaç fonksiyonunu optimize(maksimize veya minimize) etmeye yarar. Genel bir doğrusal programlama modeli üç unsurdan oluşur. Bunlar optimize edilecek olan amaç fonksiyonu, kısıtlayıcı şartlar ve pozitiflik şartlarıdır (2).

### 2.2.2. Amaç Fonksiyonu, Kısıtlayıcılar ve Pozitiflik Şartı

Eldeki sınırlı kaynakların en iyi dağılımını belirleme tekniği olarak tanımlanabilen doğrusal programlama modelinde optimize edilecek olan büyüklük amaç fonksiyonudur. Her kuruluşun bir amacı vardır ve bu amacı açık bir şekilde tanımlamak mümkündür. Bir fabrikada amaç bir ürünü minimum maliyetle üretmek olduğu gibi, bir işletmedeki amaç maksimum kar sağlamak olabilir. Amaç fonksiyonu matematiksel olarak belirlenebilen tek bir fonksiyondur. Fonksiyon  $f$ , değişkenler  $x_1, x_2, \dots, x_n$  ve değişkenlere ait katsayılar da  $c_1, c_2, \dots, c_n$  ile gösterilirse amaç fonksiyonu;

$$(Maksimize veya minimize) f = c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_n x_n \quad (2.1)$$

şeklinde ifade edilir.

Amaç, bu fonksiyonu maksimum veya minimum kılan  $x_1, x_2, \dots, x_n$  değerlerinin bulunmasıdır.  $x_1, x_2, \dots, x_n$  için kısıtlayıcı şart olmadığı takdirde bu  $f$  fonksiyonunun maksimumu pozitif sonsuzda minimumu ise negatif sonsuzda olacaktır. Halbuki hiçbir kaynak sınırsız değildir, kısıtlayıcı şartları vardır.



### **2.2.3.a. Oranlılık(Doğrusallık)**

Her bir karar değişkeninin alacağı değere göre amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcılar belli ve doğrusal bir şekilde etkilenirse modelin bu varsayımı sağladığı kabul edilir.

### **2.2.3.b. Toplanabilirlik**

Bu varsayımda modeldeki değişkenlerin birbirini etkilemediği kabul edilir. Amaç ve kısıtlayıcılar her değişkenden gelen katkıların toplanması ile oluşuyorsa toplanabilirlik varsayımının sağlandığı kabul edilir.

### **2.2.3.c. Bölünebilirlik**

Modeldeki karar değişkenlerinin her türlü reel değeri alabilmesi halinde blnebilirliğin sağlandığı kabul edilir. Gerçek hayatta mutlaka tam sayı ile ifade edilmesi 'gereken karar değişkenlerine sahip problemler bu varsayımı sağlayamadıklarından doğrusal programlama ile çözülemezler. Bu tür problemlerde tamsayılı programlama tekniklerinden faydalanılır.

### **2.2.3.d. Belirtilik**

Modelin tüm katsayılarının ve sağ taraf değerlerinin bilinen değerler olması halinde belirtilik özelliği sağlanır. Gerçek hayatta bu değerler genellikle kesin ve belirli değildir. Bu durumlarda probleme duyarlılık analizi teknikleri ile çözüm getirilmeye çalışılır.

## 2.2.4. Bazı Özel Modeller

Burada doğrusal programlamanın iki özel hali olan tipik maksimizasyon ve tipik minimizasyon modelleri ele alınacaktır.

### 2.2.4.a. Tipik Maksimizasyon Modeli

Bir doğrusal programlama modelinde amaç maksimizasyon ve bütün kısıtlayıcılar küçük-eşit şeklinde ise bu tür modellere tipik maksimizasyon modeli denir. Tipik bir maksimizasyon modeli:

Maksimize

$$f = c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_n x_n$$

Kısıtlayıcı şartlar:

$$a_{11} x_1 + a_{12} x_2 + \dots + a_{1n} x_n < b_1$$

$$a_{21} x_1 + a_{22} x_2 + \dots + a_{2n} x_n < b_2$$

.....

$$a_{m1} x_1 + a_{m2} x_2 + \dots + a_{mn} x_n < b_n$$

Pozitiflik şartı;

$$x_1, x_2, \dots, x_n > 0$$

(2.4)

şeklinde ifade edilir.

### 2.2.4.b. Tipik Minimizasyon Modeli

Bir doğrusal programlama modelinde amaç minimizasyon ve bütün kısıtlayıcılar büyük-eşit şeklinde ise bu tür modellere tipik minimizasyon modeli denir. Tipik bir maksimizasyon modeli aşağıdaki şekilde ifade edilir.

Minimize

$$f = c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_n x_n$$

Kısıtlayıcı şartlar:

$$a_{11} x_1 + a_{12} x_2 + \dots a_{1n} x_n > b_1$$

$$a_{21} x_1 + a_{22} x_2 + \dots a_{2n} x_n > b_2$$

.....

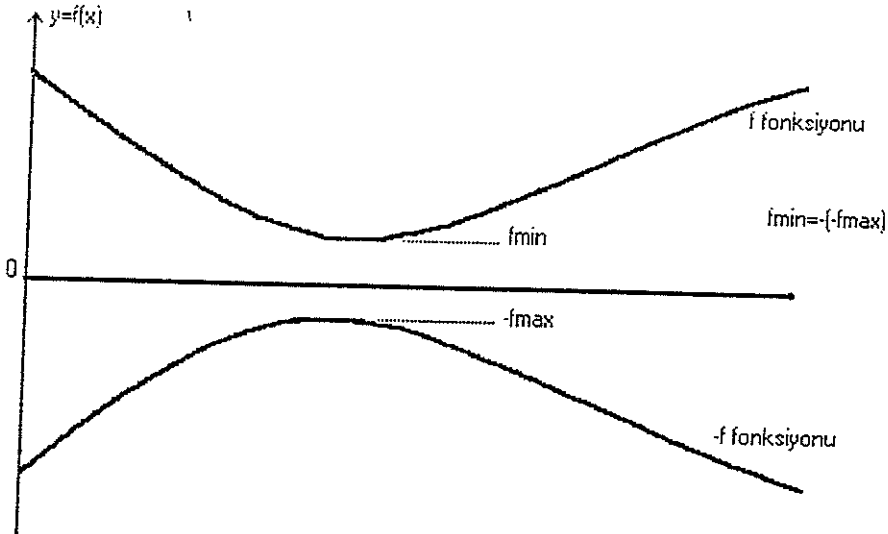
$$a_{m1} x_1 + a_{m2} x_2 + \dots a_{mn} > b_m$$

(2.5)

ve pozitiflik şartı ;

$$x_1, x_2, \dots, x_n > 0$$

Verilen bu iki model doğrusal programlamada iki özel modeldir. Fakat kısıtlayıcılar her zaman aynı yönde olmazlar. Genel bir doğrusal programlama modelinde her türlü kısıtlayıcı bulunur. Ancak genel bir formülaşyon için amaç fonksiyonu her zaman maksimizasyon alınır. Amaç minimize maksimizasyonsa, minimize amaç fonksiyonu (-1) ile çarpılarak maksimize hale çevrilir. Bir fonksiyonun minimum noktası bu fonksiyonun ters işaretlisinin maksimum noktasının ters işaretlisine eşit olduğundan bulunan maksimum amaç değeri (-1) ile çarpılarak amaç fonksiyonunun minimum değeri bulunur.



Şekil 2.1. Minimize amaç fonksiyonu ile maksimize amaç fonksiyonu arasındaki ilişki

### 2.2.5. Genel Bir Doğrusal Programlama Modeli (Standart Model)

Genel bir doğrusal programlama modeli şu şekilde ifade edilir.

maksimize

$$f = c_1x_1 + c_2x_2 + \dots + c_nx_n$$

Kısıtlayıcı şartlar:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n < b_1$$

.....k tane küçük eşit kısıtlayıcı

$$a_{k1}x_1 + a_{k2}x_2 + \dots + a_{kn}x_n < b_k$$

.....

$$a_{k-1,1}x_1 + a_{k-1,2}x_2 + \dots + a_{k-1,n}x_n = b_{k-1}$$

.....l - k tane eşit kısıtlayıcı

$$a_{l1}x_1 + a_{l2}x_2 + \dots + a_{ln}x_n = b_l$$

.....

$$a_{l-1,1}x_1 + a_{l-1,2}x_2 + \dots + a_{l-1,n}x_n > b_{l-1}$$

.....m - l tane büyük eşit kısıtlayıcı

$$a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n > b_m$$

Pozitiflik şartı:

$$x_1, x_2, \dots, x_n > 0$$

(2.6)

### 2.3. Doğrusal Programlama Modellerinin Çözümü

Doğrusal programlama modellerinin çözümünde çok çeşitli metodlar geliştirilmiştir. Aşağıda bu metodlarda kullanılan bazı kavramlar üzerinde durulacaktır.

### 2.3.1. Doğrusal Programlama Modelinde Kullanılan Bazı Kavramlar

#### 2.3.1.a. Konveks Set

S bir nokta kümesini göstermek üzere bu küme içinde bulunan bütün  $P_1, P_2$  nokta çiftlerini birleştiren doğru parçaları S kümesi içinde kalıyorsa bu küme konveks settir.

#### 2.3.1.b. Uygun Çözüm

Bir doğrusal karar modelinin tüm sınırlayıcı ve pozitiflik şartlarını sağlayan her  $x$  vektörüne bir uygun çözüm, bu uygun çözümlerin oluşturduğu kümeye ise uygun çözüm alanı denir. Bu uygun çözümler kümesi bir konveks set oluşturur ve doğrusal karar modelinin uygun çözüm alanı dışbükey kümedir (3).

#### 2.3.1.c. Temel Çözüm ve Temel Uygun Çözüm

Değişken sayısı  $n$ , kısıtlayıcı sayısı  $m$  ( $n > m$ ) olan bir doğrusal program modelinde  $n-m$  adet değişken sıfır olarak alınırsa  $m$  bilinmeyenli  $m$  adet denklem elde edilmiş olacaktır. Bu denklem sisteminin katsayılar determinanı sıfırdan farklı olmak şartıyla elde edilecek çözüme Temel Çözüm denir. Temel çözümlerden pozitiflik şartını sağlayanlara ise Temel Uygun Çözüm (TUÇ) denir.  $n$  değişkenli  $m$  kısıtlayıcı bir doğrusal modelde  $n-m$  adet bağımsız değişken ;

$\frac{n!}{m!(n-m)!}$  ) farklı şekilde seçilebileceğinden bu kadar temel çözüm mevcuttur.



### 2.3.1.d. Optimal Çözüm

Doğrusal Programlama modelinde amaç fonksiyonunu optimize (maksimize veya minimize) eden çözüme optimum çözüm (OÇ) denir. Optimum çözüm TUÇ'lerden biridir (4).

### 2.3.2. Doğrusal Programlama Modellerinin Çözüm Metodları

Doğrusal programlama modellerinin çözümünde çeşitli metodlar geliştirilmiştir. Grafik çözüm metodu, simpleks çözüm metodu ve revised (düzeltilmiş) simpleks çözüm metodu bu metodlardandır. Simpleks Metod da kendi içinde Big M metodu ve İki Evreli Simpleks Metod olarak ikiye ayrılır. Burada her iki metoddan da bahsedilecektir.

#### 2.3.2.a. Grafik Çözüm Metodu

Anlaşılması en kolay çözüm metodudur. Ancak değişken sayısı üçü aşan modellerde kullanılamaz. Genellikle iki değişkenli modellerin çözümünde kullanılan bir methodur.

Grafik çözüm metodunda doğrusal modellerin pozitiflik şartından dolayı koordinat sisteminin sadece sağ üst kısmı kullanılır. Çözüm değerlerinin de bu bölgede yer alması gerekir. Kısıtlayıcıların ifade ettiği eşitlik veya eşitsizlikler koordinat sistemine yerleştirilir. Çözüm eşitsizliklerin ve pozitiflik şartının sınırladığı konveks alan içerisinde aranır. Uygun çözüm alanını gösteren bu alanın köşe noktaları temel uygun çözümlerdir. Bu köşe noktalarının herbirine karşılık gelen  $x_1$  ve  $x_2$  değerleri bulunarak amaç fonksiyonunda yerine konur. Amaca göre en büyük değeri veya en küçük değeri sağlayan köşe seçilir.

### 2.3.2.b. Simpleks Çözüm Metodu

Simpleks metod, bir başlangıç temel uygun çözümünden hareketle her adımda yeni bir temel uygun çözüme geçerek belli sayıdaki iterasyonlar sonunda optimal çözüme ulaşır.

$n$  adet değişkene ve  $m$  adet kısıtlayıcıya sahip genel bir doğrusal programlama modelinde kısıtlayıcıların bir kısmı küçük-eşit, bir kısmı eşit ve bir kısmı da büyük eşit şeklindedir. Burada (2.6) sistemindeki genel doğrusal programlama modeli ele alınacaktır. Bu modeli simpleks metodla çözmek için önce eşitsizlikler eşitlik haline getirilir. Küçük-eşitlikleri eşitlik haline çevirirken  $y_i$  boş değişkenleri (slack variable) kullanılır. Bu değişkenlerin kısıtlayıcılardaki katsayısı bir, amaç fonksiyonundaki katsayıları ise sıfırdır. Bu sebeple amaç fonksiyonunda gösterilmezler. Boş değişkenler gerçek hayat problemlerinde kullanılmayan kapasiteleri gösterirler. Eşitlik şeklindeki kısıtlayıcıların da kanonik bir form oluşturması için  $z_i$  yapay değişkenleri (artificial variable) eklenir. (Doğrusal denklem sisteminin her bir denkleminde, değişkenlerden bir tanesinin +1 katsayı ile yalnızca o denklemde bulunup, diğer denklemlerde bulunmaması durumunda denklem sistemi kanonik formdadır denir.) Büyük eşit kısıtlayıcıları eşitlik haline getirmek için bu kısıtlayıcılardan  $y_i$  boş değişkenleri çıkarılır. Kanonik bir form oluşturması için  $z_i$  yapay değişkenleri eklenir.

Eşit ve büyük eşit kısıtlayıcılara eklenen  $z_i$  yapay değişkenlerinin bir an önce temelden çıkarılmaları gerekir. Bu yapay değişkenler temelden çıkarılamaz ise modelin çözümü yoktur. Bunu sağlamak üzere  $z_i$  değişkenlerinin toplamının minimize (veya toplamının ters işaretlisinin maksimize) edilmesi gerekir. Genel bir modelde amaç fonksiyonu maksimizasyon türünde olduğu için  $z_i$  ler toplamının ters işaretlisi aynı amaç fonksiyonuna eklenerek maksimize edilir. Bu aşamadan sonra  $z_i$  değişkenlerinin bir an önce temelden atılması için iki

metod vardır. Bunlardan ilki big M metodu, ikincisi de iki evreli simpleks methoddur.

Big M metoduna göre  $z_i$  yapay değişkenlerin bir an önce temelden atılabilmesi için bu değişkenler amaç fonksiyonunda negatif değerli ve çok büyük katsayılı olmalıdırlar.  $M > 0$  olmak üzere;

$$\text{Maksimize } f = c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_n x_n - Mz_1 - Mz_2 - \dots - Mz_{m-k} \quad (2.7)$$

olur. Amaç fonksiyonu bu şekilde oluşturulduktan sonra simpleks tablo düzenlenerek simpleks çözüm işlemlerine başlanır. Bu yaklaşıma yapay değişkenlere amaç fonksiyonunda verilen birim katkıların  $M$  olmasından dolayı Big M metodu denir.

$z_i$  değişkenlerini bir an önce temelden atmak için kullanılan diğer bir metod ise iki evreli simpleks methoddur. Bu metod (2.7) de verilen amaç fonksiyonunu maksimize edilecek iki amaç fonksiyonu gibi düşünür.

$$\begin{aligned} f_c &= c_1 x_1 + c_2 x_2 + \dots + c_n x_n \\ f_m &= -Mz_1 - Mz_2 - \dots - Mz_{m-k} \end{aligned} \quad (2.8)$$

Amaç fonksiyonlarından biri değişkenlerin oluşturduğu amaç fonksiyonu, diğeri ise yapay değişkenlerin oluşturduğu amaç fonksiyonudur. Metodun ilk aşamasında yapay değişkenlerin oluşturduğu amaç fonksiyonu ele alınır ve tüm yapay değişkenler temelden atılmaya çalışılır. Bu başarılırsa metodun ikinci aşamasına geçilerek amaç fonksiyonu optimize edilmeye çalışılır. Bu çözüm şeklinde öncelikli amaç yapay değişkenleri bir an önce temelden atmak olduğu için artık Big M metodundaki  $M$  katsayılarına ihtiyaç duyulmaz. (Kaçtıoğlu, 1984)

→

Bu durumda  $f_m$  fonksiyonu aşağıdaki gibi olur.

$$f_m = -z_1 - z_2 - \dots - z_{m-k} \quad (2.9)$$

Amaç fonksiyonu bu şekilde düzenlenir ve kısıtlayıcılara gerekli olan yapay ve boş değişkenler eklenirse (2.6) sistemi aşağıdaki hale gelmiş olur.

maksimize

$$-c_1x_1 - c_2x_2 - \dots - c_nx_n + f_c = 0$$

$$z_1 + z_2 + \dots + z_{m-k} + f_m = 0$$

Kısıtlayıcı şartlar:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n + y_1 = b_1$$

..... k tane küçük eşit kısıtlayıcı

$$a_{k1}x_1 + a_{k2}x_2 + \dots + a_{kn}x_n + y_k = b_k$$

.....

$$a_{k-1,1}x_1 + a_{k-1,2}x_2 + \dots + a_{k-1,n}x_n + z_1 = b_{k-1}$$

..... l - k tane eşit kısıtlayıcı

$$a_{l1}x_1 + a_{l2}x_2 + \dots + a_{ln}x_n + z_{l-k} = b_l$$

.....

$$a_{l-1,1}x_1 + a_{l-1,2}x_2 + \dots + a_{l-1,n}x_n - y_{k-1} - z_{l-k-1} = b_{l-1}$$

..... m - l tane büyük eşit kısıtlayıcı

$$a_{m,1}x_1 + a_{m,2}x_2 + \dots + a_{m,n}x_n - y_{k+m-1} + z_{m-k} = b_m$$

ve

Pozitiflik şartı:

$$x_1, x_2, \dots, x_n > 0$$

(2.10)

Bu durumda sistemin temel değişkenleri  $f_c, f_m, y_1, y_2, \dots, y_k, z_1, z_2, \dots, z_{m-k}$  'dir.  $x_1, x_2, \dots, x_n, y_{k+1}, y_{k+2}, \dots, y_{m-k}$  ise temele girecek değişkenlerdir.

Elde edilen (2.10) sistemi satırları temel değişkenler, sütunları temele girecek değişkenler ve temel değişkenler olmak üzere simpleks tabloya yerleştirilir.  $f_m$  satırındaki  $z_i$  yapay değişken katsayılarından dolayı, temel değişkenlere ait sütunların bir birim matris oluşturmadığı görülür. (Tablo 2.1 Kuruluş Tablosu) Sistemi kanonik forma sokabilmek için tabloda yapay değişkenlere ait satırlar  $f_m$  satırından çıkarılır. Böylece  $f_m$  satırında ki yapay değişkenlere ait değerler

sıfırlanmış olur. Bu şekilde elde edilen yeni tabloya da başlangıç tablosu denir. (Tablo 2.2 Başlangıç tablosu)

Tablo 2.1 Kuruluş Tablosu

Temel Değ.	Temel Değ.Değ	$x_1$	...	$x_n$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	..	$y_k$	$z_1$	..	$z_{m-k}$
$f_c$	0	$c_1$	...	$c_n$	1	0	0	0	0	0	0	0
$f_m$	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	1	1
$y_1$	$b_1$	$a_{11}$	...	$a_{1n}$	0	0	1	0	0	0	0	0
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	..	.
$y_k$	$b_k$	$a_{k1}$	...	$a_{kn}$	0	0	0	0	1	0	0	0
$z_1$	$b_{k+1}$	$a_{k+1,1}$	...	$a_{k+1,n}$	0	0	0	0	0	1	0	0
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
$z_{m-k}$	$b_{m-k}$	$a_{m1}$	.	$a_{mn}$	0	0	0	0	0	0	0	1

Bilindiği gibi büyük eşit kısıtlayıcıları eşitlik haline getirmek için kısıtlayıcılardan  $y_i$  boş değişkenleri çıkarılmakta idi. Simpleks metotta bu boş değişkenler temel olmayan değişkenler olarak ele alınır. Tabloda fazla yer kaplamaması için (-1) katsayılı olan bu değişkenler gösterilmemiştir.

Bundan sonraki tablolarda temel değişkenler yerine TD, temel değişken değerleri yerine ise TDD yazılacaktır.

Tablo 2.2 Başlangıç Tablosu

TD	TDD	$x_1$	...	$x_n$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	...	$y_k$	$z_1$	...	$z_{m-k}$
$f_c$	0	$c_1$	...	$c_n$	1	0	0	0	0	0	0	0
$f_m$	0	$-a_{k+1,1} \dots -a_{m1}$	...	$-a_{k+1,n} \dots -a_{mn}$	0	1	0	0	0	0	0	0
$y_1$	$b_1$	$a_{11}$	...	$a_{1n}$	0	0	1	0	0	0	0	0
.	.	.	...	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	...	.	.	.	.	.	.	.	.	.
$y_k$	$b_k$	$a_{k1}$	...	$a_{kn}$	0	0	0	0	1	0	0	0
$z_1$	$b_{k+1}$	$a_{k+1,1}$	...	$a_{k+1,n}$	0	0	0	0	0	1	0	0
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
$z_{m-k}$	$b_{m-k}$	$a_{m1}$	.	$a_{mn}$	0	0	0	0	0	0	0	1

Görüldüğü gibi sistem artık kanonik formdadır. Amaç fonksiyonu da  $f_c$  ve  $f_m$  olarak ikiye ayrılmıştır. Önce  $f_m$  satırı amaç satır olarak kabul edilip, optimize edilmeye çalışılır.  $f_m$  optimize edildiğinde temelde yapay değişken varsa modelin çözümü yoktur. Tüm yapay değişkenler temelden atılmış ise  $f_m$ 'e ait satır ve yapay değişkenlere ait sütunlar silinerek ikinci evreye geçilir. İkinci evrede  $f_c$  satırı amaç satır olarak ele alınıp optimize edilir. Optimal çözüm bulunduğu anda;

$$f_{\max} = f_c \max \text{ olur.}$$

Simpleks metodda her bir iterasyonda yeni bir simpleks tablo oluşturulur. Temele girecek ve temelden ayrılacak değişkenler o iterasyona ait tablodan belirlenerek model optimize edilmeye çalışılır.

Amaç fonksiyonları optimize edilirken her bir adımda temel değişkenlerden birisi yerine temel olmayan bir değişken getirilir. Temele giren her bir değişken , fonksiyonu optimum sonuca biraz daha yaklaştırır.

Temele giren ve temeli terkeden değişkenlerin seçiminde şu kurallar uygulanır.

-Amaç satırındaki (ilk evrede  $f_c$  , ikinci evrede  $f_m$  satırı) negatif değerli katsayılardan mutlak değerce en büyük olan, temele girecek değişken olarak seçilir. Bu değişkene ait sütuna anahtar sütun denir. Böylece amaç fonksiyonu değerinde mümkün olan en büyük artış sağlanmış olacaktır. Amaç fonksiyonu satırında negatif değerli katsayı kalmadığında optimal çözüm bulunmuş olacaktır.

- Temeli terkedecek değişken seçiminde, sağ taraf değerleri (temel değişken değerleri) temele girecek değişken katsayılarına (yani anahtar sütun elemanlarına) sırasıyla bölünerek bir takım oran değerleri elde edilir. Negatif değerli olanlar bir tarafa bırakılırsa, elde edilen oran değerleri içinde en küçük olana karşılık gelen temel değişken, temelden ayrılacak değişken olarak seçilir. Bu değişkenin ait olduğu satıra anahtar satır, anahtar satır ile anahtar sütunun kesiştiği noktadaki katsayıya da anahtar sayı denir. Anahtar satır ve anahtar sütun belirlendikten sonra yapılacak iş, bir sonraki tablo değerlerini hesaplamaktır. Bir katsayının bir sonraki tablodaki değeri;

$A^* = A - (BC/D)$  formülü ile hesaplanır. Burada  $A^*$ , A katsayısının bir sonraki tablodaki değeri, D anahtar sayı, B ve C de A'nın hizasındaki anahtar satır ve anahtar sütun elemanlarıdır.

### Örnek 2.1.

Amaç fonksiyonu ;

$$\text{Minimize} \quad f = 2x_1 + x_2$$

Kısıtlayıcılar;

$$2x_1 - x_2 < 15$$

$$2x_1 + 3x_2 = 50 \text{ ve}$$

Pozitiflik şartı;

$x_1, x_2, x_3 > 0$  olan doğrusal programlama problemini iki evreli simpleks metotla çözüünüz.

- Amaç fonksiyonu minimizasyon türünde ise (-1) ile çarpılarak maksimizasyon türüne çevrilir. O halde amaç fonksiyonu;

Maksimize  $f = -2x_1 - x_2$  olur.

- Kısıtlayıcılara yapay ve boş değişkenler eklenirse;

Maksimize  $f = -2x_1 - x_2 - z_1 - z_2$

$$2x_1 - x_2 + y_1 = 15$$

$$2x_1 + 3x_2 + z_1 = 50$$

$$x_1 + x_2 - y_2 + z_2 = 10 \text{ olur.}$$

- Amaç fonksiyonu  $f_c + f_m$  şeklinde ikiye ayrılarak ;

$$f_c + 2x_1 + x_2 = 0$$

$$f_m + z_1 + z_2 = 0 \text{ eşitlikleri oluşturulur.}$$

- Temel değişkenler; TD, temel değişken değerleri; TDD, anahtar sütun değerlerinin temel değişken değerlerine bölümü; oran olmak üzere modelin katsayıları Tablo 2.3'te ki kuruluş tablosuna yerleştirilir.



Tablo 2.3 Örnek 2.1 'e ait kuruluş tablosu

TD	TDD	Oran	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
$f_c$	0		2	1	0	1	0	0	0	0
$f_m$	0		0	0	0	0	1	0	1	1
$y_1$	15		2	-1	0	0	0	1	0	0
$z_1$	50		2	3	0	0	0	0	1	0
$z_2$	10		1	1	-1	0	0	0	0	1

- Görüldüğü gibi katsayılar matrisi kanonik değildir. Kanonik hale getirmek için  $f_m$  satırından önce  $z_1$ , sonrada  $z_2$  satırları çıkarılır. Bu işlemler yapıldıktan sonra başlangıç tablosuna (Tablo 2.4) geçilir.

Tablo 2.4 Örnek 2.1'e ait başlangıç tablosu

TD	TDD	Oran	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
$f_c$	0	-	2	1	0	1	0	0	0	0
$f_m$	-60	15	-3	-4	1	0	1	0	0	0
$y_1$	15	-	2	-1	0	0	0	1	0	0
$z_1$	50	50/3	2	3	0	0	0	0	1	0
$z_2$	10	10	1	1	-1	0	0	0	0	1

- Başlangıç tablosunda önce  $f_m$  amaç fonksiyonu ele alınarak optimize edilmeye çalışılır. Bunun için;

1.  $f_m$  satırındaki en negatif katsayılı elemanın bulunduğu sütun, anahtar sütun olarak seçilir. Örnek problemde  $x_2$  sütunu anahtar sütundur.
2. TDD'ler  $x_2$  sütun değerlerine bölünerek oran değerleri elde edilir. Bu oran değerlerinden en küçük oran değerinin ait olduğu satır ( $z_2$ ) anahtar satır olarak belirlenir. Bir sonraki tabloda  $x_2$  'nin  $z_2$  'ye ait satırdan temele girdiği görülür.

Tablo 2.5 Örnek 2.1'e ait birinci iterasyon tablosu

TD	TDD	Oran	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
$f_c$	-10	-	1	0	1	1	0	0	0	0
$f_m$	-20	-	1	0	-3	0	1	0	0	0
$y_1$	25	-	3	0	-1	0	0	1	0	0
$z_1$	20	20/3	-1	0	3	0	0	0	1	0
$x_2$	10	-	1	1	-1	0	0	0	0	1

Tablo 2.5 için temele girecek değişken  $y_2$  temelden ayrılacak değişken  $z_1$  olarak belirlenir. Simpleks metod kuralları uygulanarak bir sonraki tablo değerleri hesaplanır.

Tablo 2.6 Örnek 2.2'ye ait ikinci iterasyon tablosu

TD	TDD	Oran	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
$f_c$	-50/3	-	4/3	0	0	1	0	0	0	0
$f_m$	0	-	0	0	0	0	1	0	0	0
$y_1$	95/3	-	8/3	0	0	0	0	1	0	0
$y_2$	22/3	-	-1/3	0	1	0	0	0	1	0
$x_2$	50/3	-	2/3	1	0	0	0	0	0	1

Tablo 2.6'dan görüldüğü gibi  $f_m$  satırında negatif katsayılı terim kalmadığından optimum çözüme ulaşılmıştır.  $f_m$  optimize edildikten sonra  $f_m$  satırı ve yapay değişkenlere ait sütunlar silinerek  $f_c$  amaç fonksiyonu ele alınır.  $f_c$  satırında da negatif katsayılı terim kalmadığından optimum çözüme ulaşılmıştır.

$$\min f_c = -(\text{Max } f_c) = -(-50/3) = 50/3 = 16.67$$

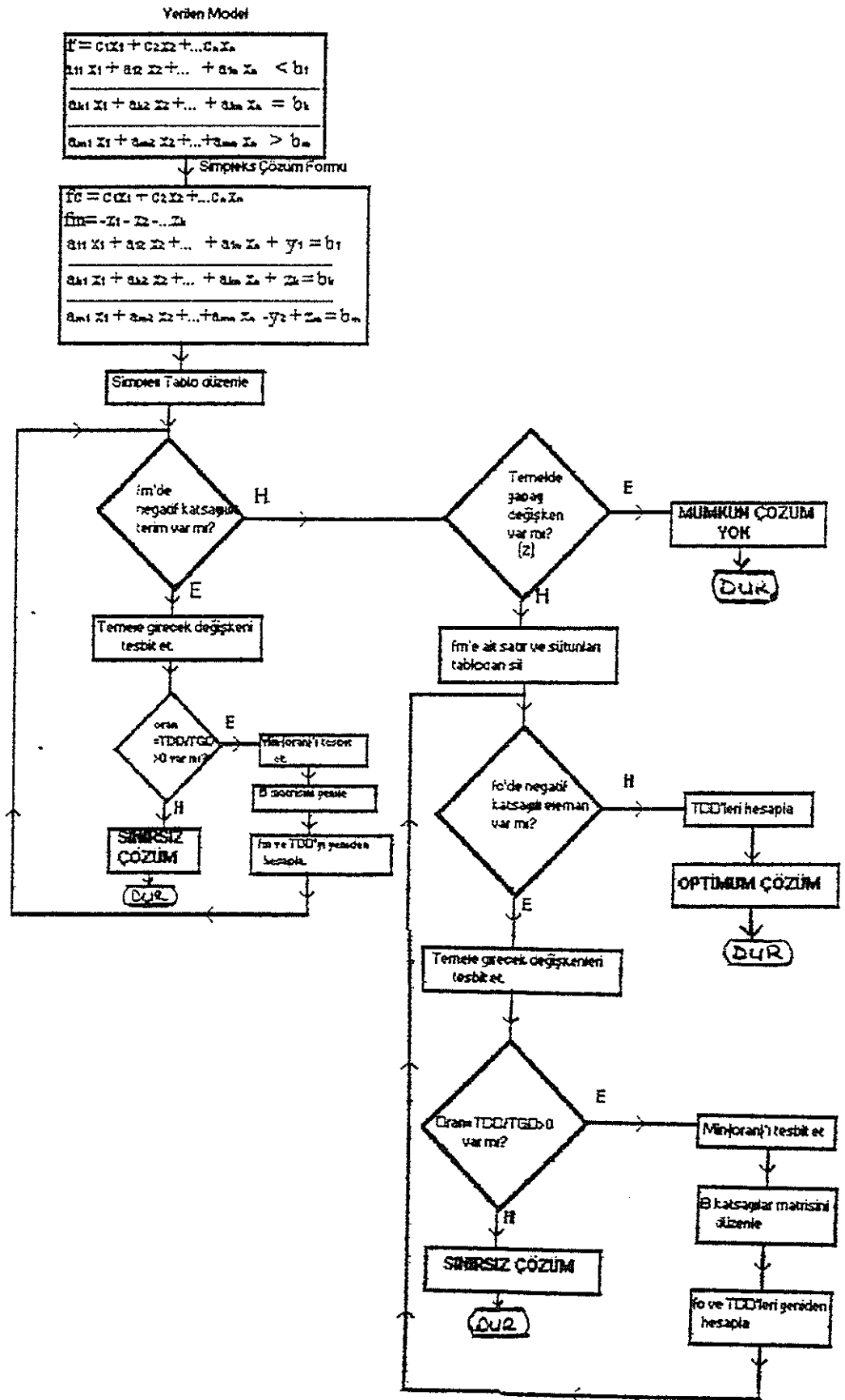
$$y_1 = 95/3 = 31.67$$

$$y_2 = 20/3 = 6.67$$

$$x_2 = 50/3 = 16.67 \text{ bulunur.}$$

### 2.3.2.c. Revised Simpleks Metod

Bir doğrusal programlama problemini Simpleks metodla çözerken her iterasyonda (yani bir tablodan diğerine geçişte) tablonun gövdesi tümü ile işlem görür. Küçük boyutlu problemlerde bu husus fazla bir sakınca doğurmaz. Fakat doğrusal programlama problemleri genelde büyük boyutlu olduğundan ve bilgisayarda çözüm gerektirdiğinden bu metod oldukça büyük bellek gerektirir. Bu sebeple bilgisayarların gelişmesine paralel olarak yeni bir metod arayışına gidilmiş ve 1953 yılında G.B. Dantzig ve Orchard-Hays tarafından Revised Simpleks Metod (Düzeltilmiş Simpleks Metod) geliştirilmiştir. Bu metod aynı bilim adamları tarafından geliştirilen "Product Form of the Inverse" metodunun geliştirilmiş şeklidir (5). Revised Simpleks Metod genel olarak simpleks çözüm metodunu kullanır. Ancak simpleks metod gibi her iterasyonda yeni bir tablo oluşturmaz. Orjinal tablodan o iterasyonda işlem göreceği bazı satır ve sütunları oluşturur. Bu suretle hem hafıza tasarrufu hem de zaman tasarrufu sağlar. Bugün çoğu bilgisayar programlarında Revised Simpleks Metodun tercih edilme sebebi de budur. Çözüm kurallarının uygulanabilmesi için amaç satırındaki, temele girecek değişken sütunundaki ve temel değişken değerleri sütunundaki değerlerin bilinmesi yeterlidir. Bu satır ve sütunlar temele girecek ve temelden ayrılacak değişkeni belirler.



Şekil 2.2 Revised Simpleks Metod Çözüm Algoritması

Simpleks metotta olduğu gibi modele gerekli yapay ve boş değişkenler eklenerek amaç fonksiyonu oluşturulur.

$$f - c_1 x_1 - c_2 x_2 - \dots - c_n x_n + z_1 + z_2 + \dots + z_n = 0 \quad (2.11)$$

Amaç fonksiyonu  $f_c$  ve  $f_m$  şeklinde ikiye ayrılır. Böylece genel bir doğrusal programlama modeli (2.10) sistemindeki şekle gelmiş olur. Kuruluş tablosu bu sistemin katsayıları ile oluşturulur.  $f_m$  amaç fonksiyonundaki yapay değişkenler yok edilerek (2.12) elde edilir.

$$f_m - (a_{k+1,1} + a_{k+2,1} \dots + a_{m1})x_1 - (a_{k+1,2} + a_{k+2,2} \dots + a_{m2})x_2 \dots (a_{k+1,n} + a_{k+2,n} + \dots + a_{mn})x_n = 0 \quad (2.12)$$

Elde edilen yeni  $f_m$  satırı tabloya yerleştirilir. Oluşturulan bu tablo (Tablo 2.2) başlangıç tablosudur. Başlangıç tablosundaki temel değişken sütunlarının oluşturduğu matrise  $B^{-1}$  matrisi denir. Tablodan görüldüğü gibi ilk durumda  $B^{-1}$  matrisi birim matristir. Bu adımlardan sonra genel bir doğrusal programlama modelinin (2.6) revised simpleks metotta çözülmesi için şu işlemler yapılır:

( Burada revised simpleks metod iki evreli simpleks metod kurallarını esas almaktadır.)

-  $f_m$  amaç satırı katsayıları  $B^{-1}$  matrisinin ikinci satırı (  $f_m$  satırı) ile başlangıç tablosundaki temele girecek değişken sütunlarının çarpımından elde edilir. Temele girecek değişken bu katsayılardan belirlenir. (Mutlak değerce en büyük negatif katsayılı terim temele girecek değişkeni belirler.) Temele girecek değişken kalmadığında  $f_m$  optimize edilmiş demektir.  $f_m$  optimize edildiğinde temelde yapay değişken yoksa  $B^{-1}$  matrisindeki  $f_m$ 'e ait satır ve sütunlar silinerek  $f_c$  amaç fonksiyonunun optimizasyonuna başlanır.  $f_c$  satırında negatif katsayılı terim (temele girecek değişken) kalmayınca modelin optimum çözümü elde edilmiş olur.

- Temele girecek değişken sütunu ,  $B^{-1}$  matrisi ile başlangıç tablosundaki o değişkene ait sütunun çarpılmasından elde edilir. Aynı şekilde temel değişken değerleri,  $B^{-1}$  matrisi ile başlangıç tablosundaki temel değişken değerleri sütununun çarpımından elde edilir. Temel değişken değerlerinin temele girecek değişken değerlerine bölünmesinden elde edilen en küçük pozitif oran değerinden temelden ayrılacak değişken belirlenir.

- Temele girecek değişken sütununda anahtar sayı bir, diğer değerler sıfır olacak şekilde  $B^{-1}$  matrisi üzerinde işlemler yapılır. Bu şekilde bir değişken temele girmiş olur. Aynı işlemler bir sonraki iterasyon için tekrar edilir.

### Örnek 2.2.

Amaç fonksiyonu ;

$$\text{Minimize } f = 2x_1 + x_2$$

Kısıtlayıcılar;

$$x_1 + x_2 > 10$$

$$2x_1 - x_2 < 15$$

$$2x_1 + 3x_2 = 50 \text{ ve}$$

Pozitiflik şartı;

$$x_1, x_2, x_3 > 0 \text{ olan doğrusal programlama problemini}$$

revised simpleks metodla çözünüz.

- Amaç fonksiyonu minimizasyon türünde olduğundan (-1) ile çarpılarak maksimizasyon türüne çevrilir.

$$\text{Maksimize } f = -2x_1 - x_2 \text{ olur.}$$

- Kısıtlayıcılara yapay ve boş değişkenler eklenerek model;

$$\text{Maximize } f = -2x_1 - x_2 - z_1 - z_2$$

$$2x_1 - x_2 + y_1 = 15$$

$$2x_1 + 3x_2 + z_1 = 50$$

$$x_1 + x_2 - y_2 + z_2 = 10 \text{ haline getirilir.}$$

- Amaç fonksiyonu  $f_c + f_m$  şeklinde ikiye ayrılarak :

$$f_c + 2x_1 + x_2 = 0$$

$$f_m + z_1 + z_2 = 0$$

eşitlikleri oluşturulur. Tüm bu değerler tabloya yerleştirilir. Tablo 2.7'den görüleceği gibi ilk durumda  $B^{-1}$  matrisi kanonik değildir.

Tablo 2.7 Örnek 2.2'ye ait kuruluş tablosu

					$B^{-1}$ matrisi				
TD	TDD	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
$f_c$	0	2	1	0	1	0	0	0	0
$f_m$	0	0	0	0	0	1	0	1	1
$y_1$	15	2	-1	0	0	0	1	0	0
$z_1$	50	2	3	0	0	0	0	1	0
$z_2$	10	1	1	-1	0	0	0	0	1

$B^{-1}$  matrisinin kanonik hale gelmesi için  $z_1$  ve  $z_2$  satırları  $f_m$  satırından çıkarılır.

Tablo 2.8 Örnek 2.2'ye ait başlangıç tablosu

iterasyon	TD	TDD	$x_1$	$x_2$	$y_2$	$f_c$	$f_m$	$y_1$	$z_1$	$z_2$
	$f_c$	0	2	1	0	1	0	0	0	0
	$f_m$	-60	-3	-4	1	0	1	0	0	0
	$y_1$	15	2	-1	0	0	0	1	0	0
	$z_1$	50	2	3	0	0	0	0	1	0
	$z_2$	10	1	1	-1	0	0	0	0	1
1	$f_m$	-60	-3	-4	1					
2	$f_m$	40	4	4	-4					
3	$f_m$	200/3	8/3	4	0					

- Temele girecek değişken ve temelden ayrılacak değişken tesbit edilir. Başlangıç tablosundan görüleceği gibi temele girecek değişken  $x_2$  temelden ayrılacak değişken  $z_2$  olarak belirlenir.

Tablo 2.9 Örnek 2.2'ye ait birinci iterasyon tablosu

iterasyon	TD	$B^{-1}$					yeni TD	TDD	Oran
1	$f_c$	1	0	0	0	0	$1 x_2$	0	-
	$f_m$	0	1	0	0	0	-4	-60	15
	$y_1$	0	0	1	0	0	-1	15	-
	$z_1$	0	0	0	1	0	3	50	50/3
	$z_2$	0	0	0	0	1	1	10	10(ek)



-  $x_2$  sütununun  $z_2$  satırındaki(anahtar satır) değeri 1, diğer eleman değerleri 0 olacak şekilde matris işlemleri  $B^{-1}$  üzerinde uygulanır. Bu şekilde yeni temel değişken( $x_2$ ) sütunu kanonik hale getirilmiş ve amaç fonksiyonunda yerini almış olur.

- Bir sonraki iterasyonda aynı işlemleri tekrarlamak üzere  $B^{-1}$  matrisinin  $f_m$  satırı ile tablonun gövdesi (temele girecek değişken sütunları) çarpılır. Buradan  $f_m$  amaç fonksiyonu katsayıları bulunur. Bu işlemler  $f_m$  satırında negatif katsayılı terim kalmayıncaya kadar tekrar edilir.  $f_m$  optimize edildikten sonra  $f_m$ 'e ait satır ve sütun  $B^{-1}$  matrisinden silinir. Artık amaç  $f_c$  fonksiyonunu optimize etmektir. Elde edilen yeni  $B^{-1}$  matrisinden yararlanılarak  $f_m$  için yapılan işlemler  $f_c$  satırında negatif katsayılı terim kalmayıncaya kadar tekrar edilir.

Tablo 2.8'de ikinci iterasyondaki  $f_m$  katsayılarından temele girecek değişken  $y_2$  ve temelden ayrılacak değişken  $z_1$  olarak tesbit edilir.  $y_2$  sütununu kanonik hale getirmek için gerekli matris işlemleri yapılarak bir sonraki  $B^{-1}$  matrisi elde edilir.

Tablo 2.10 Örnek 2.2'ye ait ikinci iterasyon tablosu

İterasyon	TD	$B^{-1}$					yeni TD	TDD	Oran
2	$f_c$	1	0	0	0	-1	$1 y_2$	-10	-
	$f_m$	0	1	0	0	4	-4	40	-
	$y_1$	0	0	1	0	1	-1	25	-
	$z_1$	0	0	0	1	-3	3	20	20/3
	$x_2$	0	0	0	0	1	-1	10	-

Tablo 2.11 Örnek 2.2'ye  $B^{-1}$  final tablosu

iterasyon	TDD	$B^{-1}$				
3	$f_c$	1	0	0	-1/3	0
	$f_m$	0	1	0	4/3	0
	$y_1$	0	0	1	1/3	0
	$y_2$	0	0	0	1/3	-1
	$x_2$	0	0	0	1/3	0

Bu  $B^{-1}$  matrisinin  $f_m$  satırı ile başlangıç tablosunun gövdesi (temele girecek değişken sütunları) çarpılarak üçüncü iterasyon için  $f_m$  değerleri hesaplandığında,  $f_m$  satırında negatif katsayılı terim kalmadığı, dolayısıyla optimal sonuca ulaşıldığı görülür. (Tablo 2.8)  $B^{-1}$  matrisinden  $f_m$  'e ait satır ve sütunlar silinerek yeni  $B^{-1}$  matrisi elde edilir. (Tablo 2.12)

Tablo 2.12 Örnek 2.2'ye ait  $B^{-1}$  sonuç tablosu

iterasyon	TDD	$B^{-1}$			
3	$f_c$	1	0	-1/3	0
	$y_1$	0	1	1/3	0
	$y_2$	0	0	1/3	-1
	$x_2$	0	0	1/3	0

$f_c$  satırı ile tablonun gövdesi (Tablo 2.8'deki temele girecek değişken sütunları) çarpılarak  $f_c$  satırının değerleri hesaplanır (4/3, 0, 0).  $f_c$  satırında da negatif katsayılı eleman olmadığından optimal çözüme ulaşılmıştır denir.

$B^{-1}$  matrisi ile temel değişken değerleri sütunu çarpılarak optimum değerler hesaplanır. Burdan;

$$f_c = -50/3 = -16.67$$

$$y_1 = 95/3 = 31.67$$

$$y_2 = 20/3 = 6.67$$

$$x_2 = 50/3 = 16.67 \text{ bulunur.}$$

$f_c$  amaç fonksiyonu maksimize olduğundan (-1) ile çarpılarak minimum değeri bulunur. Yani  $f_c = 16.67$  bulunur.

## 2.4. Simpleks Metod Uygulamalarında Karşılaşılan Özel Durumlar:

Simpleks Metod uygulamalarında karşılaşılan dört özel durum şunlardır:

- Dejenerasyon (Degeneracy)
- Alternatif optimum çözüm (Alternative optima)
- Sınırsız Çözüm (Unbounded Solution)
- Mümkün çözümün olmaması (No feasible Solution)

### 2.4.1. Dejenerasyon

Genel bir doğrusal programlama modelinde çözüm, optimum noktaya ulaşıncaya kadar bir temel uygun çözüm noktasından daha optimum bir temel uygun çözüm noktasına doğru hareket edilerek bulunur. Bazı durumlarda ise optimum çözüm noktasına ulaşılmayabilir. Bu duruma dejenerasyon denilir.

Simpleks metodun iki önemli kuralı vardır. Bunlardan ilki anahtar sütunun yani temele girecek değişkenin belirlenmesi kuralıdır. Bu kural uygulanırken amaç satırında birden fazla mutlak değeri en büyük negatif terim varsa bunlardan herhangi biri seçilebilir ve bu durum bir dejenerasyona yol açmaz. İkinci kural

ise anahtar satırın yani temelden ayrılacak değişkenin belirlenmesi kuralıdır. Bu kural uygulanırken en küçük oran değeri birden fazla satırda ortaya çıkmışsa bunlardan herhangi birinin seçimi bir dejenerasyona yol açabilir. Bu dejenerasyon iki şekilde görülür.

- Simpleks tabloda iki veya daha fazla en küçük oran değeri sıfır olabilir. Bu iki veya daha fazla temel değişken değerinin sıfır olması demektir. Pratik olarak mümkün olmadığı halde, teorik örnekler verilebilir. Bu problemlerde temelden ayrılacak değişkenin rastgele seçimi çözümü kısır döngüye sokar. Problem belli sayıda iterasyondan sonra tekrar başa döner , optimum çözüme varılamaz. Pratikte hiçte karşılaşılmayan bu sorunların çözümü için Dantzig(6), Charnes(7), Wolfe(8) ve Dantzig, Orden, ve Wolfe(9) tarafından çeşitli teknikler geliştirilmiştir. Kısır döngü olarak tanımlanan bu duruma hiçbir uygulamalı problemde rastlanmadığı için lineer programlama ile uğraşan bir çok bilgisayarıcı bu tekniklere programlarında yer vermemiştir. Buna rağmen bu tekniklerin önemi simpleks metodu kusursuz yapmalarıdır (10).

Burada Charnesin önerdiği "Perturbation Method" üzerinde durulacaktır.

Bu metoda göre değerleri sıfır olan temel değişken değerlerine sıfıra çok yakın bir sayı olan  $\epsilon$  ve çeşitli kuvvetleri aşağıdaki sıraya göre eklenir. Böylece temel değişken değerleri sıfırdan farklı bir değer almış olur.

$$B_1 + \epsilon$$

$$B_2 + \epsilon^2$$

.....

$B_m + \epsilon^m$  olur.  $\epsilon$  çok küçük bir sayı olduğundan bu sayının kuvvetleri büyüdükçe değerleri küçülecektir. Yani  $\epsilon > \epsilon^2 > \dots > \epsilon^m$  dir. Yeni temel değişken değerlerinin anahtar sütuna karşılıklı olarak bölünmesi ile elde edilen sonuçlar incelenerek en küçük pozitif değeri veren satır anahtar satır olarak kabul edilir.

### Örnek 2.3.

Amaç fonksiyonu;

$$\text{Maksimize } f = 0.75x_1 - 20x_2 + 0.5x_3 - 6x_4$$

$$\text{Kısıtlayıcılar; } \quad 0.25x_1 - 8x_2 - x_3 + 9x_4 < 0$$

$$0.5x_1 - 12x_2 - 0.5x_3 + 3x_4 < 0$$

$$x_3 < 1$$

ve pozitiflik şartı  $x_1, x_2, x_3, x_4 > 0$  şeklindeki bir maksimizasyon problemi ele alınacaktır.

Amaç fonksiyonundan temele girecek değişken olarak  $x_1$  seçilir.  $x_1$  için oran değerleri;

TD	TDD	$x_1$	oran
$y_1$	0	1/4	0
$y_2$	0	1/2	0
$y_3$	1	0	$\infty$

olduğu görülür. Bu durumda herhangi bir kural uygulanmadan rastgele seçim yapılırsa problem kısır döngü'ye girer.

Buna karşı anahtar satırı seçmek için perturbation metodu uygulanırsa ;

TD	TDD	$x_1$	oran(TDD/ $x_1$ )
$y_1$	$0 + e$	1/4	$4e$
$y_2$	$0 + e^2$	1/2	$2e^2$
$y_3$	$0 + e^3$	0	$\infty$

$2e^2 < 4e$  olduğundan en küçük oran değeri veren satır  $y_2$  anahtar satır olarak belirlenir. Bu şekilde simpleks çözüm işlemlerine devam edilirse optimum çözüme ulaşılır.

- Temel değişken değerlerinin anahtar sütunu değerlerine karşılıklı olarak bölünmesi sonucunda en küçük pozitif değeri sağlayan sıfırdan farklı birden fazla satırın varlığı halinde, anahtar satırın rastgele seçilmesi de dejenerasyona sebep olur. Bu dejenerasyon iki şekilde görülür. Ya sonlu iterasyonlardan sonra problem optimum sonuca ulaşır veya kısır döngü hali ortaya çıkar. Sonlu iterasyondan maksat kısır döngü olmamasıdır. Yoksa bu durumda da problem gereksiz yere uzatılmış ve bir bozulma olmuştur. Bu dejenerasyonun önlenmesi için de çeşitli teknikler geliştirilmiştir.

Programa ilk alınan boş veya yapay değişkenlerden indisi en küçük olanın anahtar satır olarak belirlenmesi bu metodlardan birisidir. Diğer bir metod ise rastgele sayı tablosunun kullanılmasıdır. Genel olarak kullanılan metod ise eşit oranlı satırlarda birim matristen itibaren her eleman bulunduğu satırın anahtar sütunu üzerindeki elemana bölünerek çeşitli değerler elde edilir. Elde edilen değerler soldan sağa doğru gidilerek mukayese edilir. Eşit olmayan ilk mukayesede, eşit olmayan değerlerin hangisi en küçükse bu değere ait satır anahtar satır olarak kabul edilir.

#### Örnek 2.4.

Amaç fonksiyonu ;

$$\text{Maksimize } f = 3x_1 + 9x_2$$

Kısıtlayıcılar;

$$x_1 + 4x_2 < 8$$

$$x_1 + 2x_2 < 4$$

ve pozitiflik şartı;

$$x_1, x_2 > 0 \text{ olan bir maksimizasyon problemi ele alınacaktır.}$$

Amaç fonksiyonunda en büyük katsayı  $x_2$  'ye ait olduğu için temele girecek değişkenin  $x_2$  olduğu kolayca görülecektir. Buna karşılık oran değerleri;

TD	TDD	$x_2$	oran
$y_1$	8	4	2
$y_2$	4	2	2

bulunur.

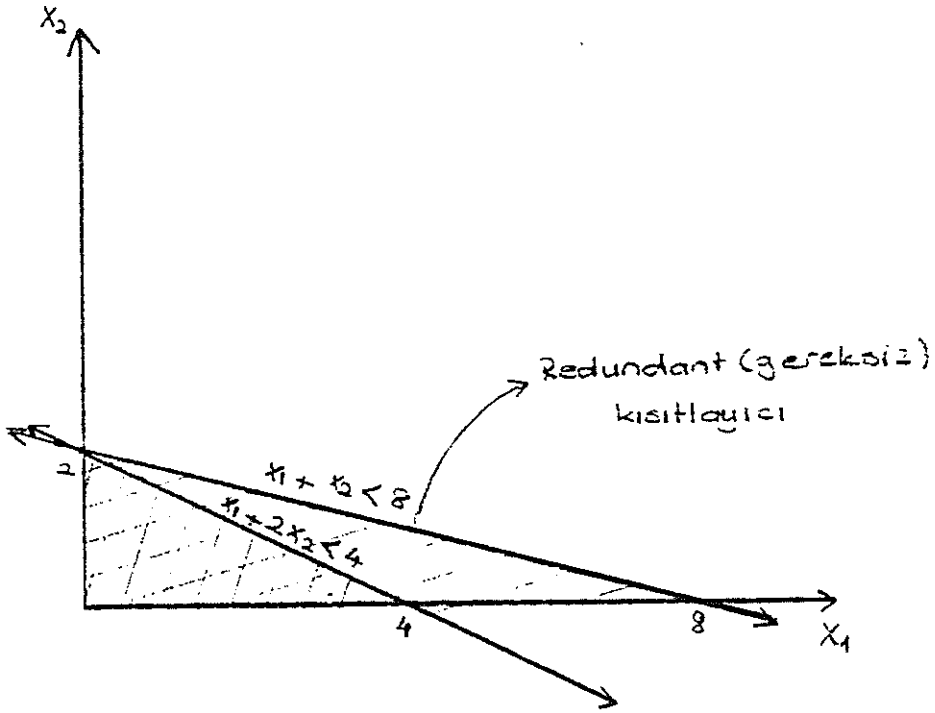
Birim matris ise ;

	$y_1$	$y_2$	oran
$y_1$	1	0	1/4
$y_2$	0	1	0/2

şeklindedir. Birim matrisin ilk

elemanlarından elde edilen oranlar 1/4 ve 0 dır. Görüldüğü gibi eşitlik ilk anda bozulmuştur. En küçük değer  $y_2$  ye ait değer olduğundan anahtar satır yani temelden ayrılacak değişken olarak  $y_2$  tesbit edilir. Bu şekilde simpleks çözüme devam edilirse optimum sonuca ulaşılır.

Pratik olarak dejenerasyon doğrusal programlama probleminin en az bir gereksiz(redundant) kısıtlayıcı bulundurduğu durumlarda ortaya çıkar. Kısır döngü hali oluşturmasalar bile gereksiz kısıtlayıcılar problemin çözümünü uzatarak optimum çözüme daha geç ulaşılmasına neden olurlar. Bu sebeple bir doğrusal programlama modeli kurarken bu gibi gereksiz kısıtlayıcıların oluşturulmamasına dikkat edilmelidir. Yukarıdaki problem grafik üzerinde gösterilirse gereksiz kısıtlayıcı daha açık bir şekilde görülecektir. (Şekil.2.3)



Şekil 2.3. Dejenere doğrusal programlama modeli

#### 2.4.2. Alternatif Optimum Çözüm

Amaç fonksiyonunun eğimi kısıtlayıcılardan herhangi birinin eğimi ile aynı olursa amaç fonksiyonu birden çok noktada optimal çözümü sağlayacaktır. Bu durum alternatif optimum çözüm olarak adlandırılır.

#### Örnek 2.5.

Amaç fonksiyonu;

$$f = 2x_1 + 4x_2$$

Kısıtlayıcılar;

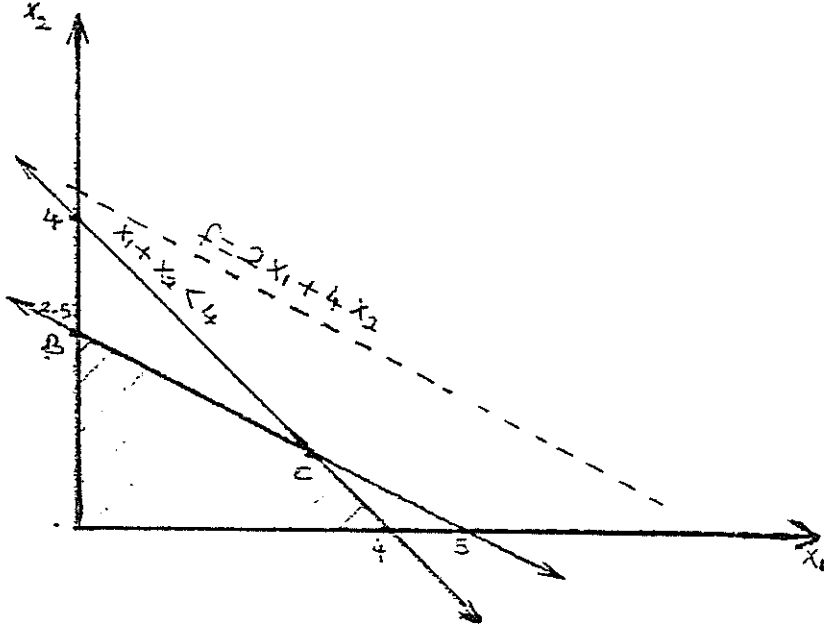
$$(1) \quad x_1 + x_2 < 4$$

$$(2) \quad x_1 + 2x_2 < 5$$



ve pozitiflik şartı;

$x_1, x_2 > 0$  olan maksimizasyon problemi ele alınacaktır.



Şekil 2.4. Alternatif Optimum Çözüm

Model grafik üzerinde gösterilecek olursa amaç fonksiyonunun ikinci kısıtlayıcıya paralel olduğu görülür.(Şekil 2.4) BC doğru parçası boyunca her  $x_1, x_2$  değişkeni için amaç fonksiyonu değeri maksimum ve 10 dur. Ancak cebirsel olarak simpleks metod sadece köşe noktalarını çözüm olarak seçtiği için optimum çözüm noktaları B ve C kabul edilecektir.

Pratikte alternatif optimum çözüm, işletme yönetimine kendi kısıtlarına uyan birden fazla seçenek sunduğu için yararlıdır.

### 2.4.3. Sınırsız Çözüm

Bazı doğrusal programlama problemlerinde değişken sayısı kısıtlayıcıların durumuna bağlı olarak artabilir. Temele girecek değişken varken temelden ayrılacak bir değişken (pozitif katsayılı en küçük oran değeri ) mevcut olmaz. Temelden ayrılacak bir değişken olmadığı için de yeni temel değişkenin temele hangi değerle gireceği tesbit edilemez. Bu durumda yeni temel değişkenin alacağı sınırsız değer olduğundan, problemin de sınırsız çözümü vardır denilir.

#### Örnek 2.6.

Amaç fonksiyonu;

$$\text{Maksimize } f = x_1 + 2x_2$$

Kısıtlayıcı şartlar;

$$(1) \quad x_1 - x_2 < 10$$

$$(2) \quad 2x_1 < 40$$

ve pozitiflik şartı;

$x_1, x_2 > 0$  olan maksimizasyon problemi ele alınacaktır.

Temele girecek değişkenin  $x_2$  olduğu amaç fonksiyonundan kolayca görülmektedir. Temelden ayrılacak değişkenin tesbiti için oran değerleri hesaplanırsa;

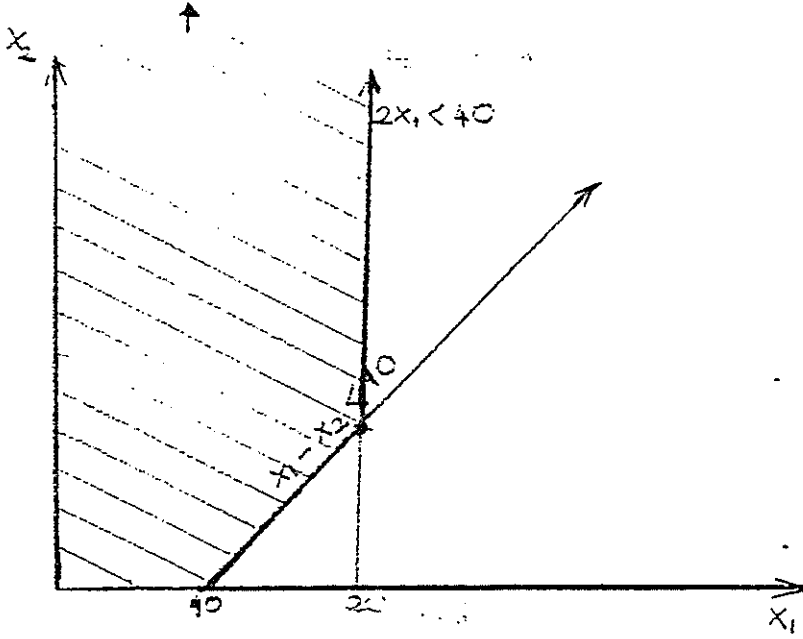
TD	TDD	$x_2$	oran
----	-----	-------	------

$y_1$	10	-1	-10
-------	----	----	-----

$y_2$	40	0	$\infty$
-------	----	---	----------

bulunur. Görüldüğü gibi pozitif katsayılı oran mevcut değildir. Yani temelden ayrılacak değişken yoktur.

Şekil 2.5'den de görüleceği gibi kısıtlayıcılar tarafından sınırlanan bir çözüm alanı ve uygun çözüm noktaları mevcut değildir. Dolayısıyla sınırsız çözüm vardır.



Şekil 2.5. Sınırsız Çözüm

Pratik olarak problemin aslında doğrusal bir problem olmadığı sonucuna varılır. Çünkü doğrusal programlama modelleri kısıtlayıcı şartlara sahiptir.

#### 2.4.4. Mümkün Çözüm Olmaması

Bir doğrusal programlama modelinde kısıtlayıcı şartlar uygun bir konveks çözüm alanı oluşturmuyorsa modelin çözümü yoktur. Bu durum tüm kısıtlayıcıların küçük-eşit olması durumunda görülmez. Çünkü boş değişkenler her zaman mümkün bir çözüm temin eder.

Mümkün çözümün olmaması optimal sonuca ulaşmış bir problemde herhangi bir yapay değişkenin sıfırdan farklı bir değerle temelde kalması durumunda görülür.

Pratikte mümkün çözümün olmaması durumu kısıtlayıcılar birbirleri ile çeliştiğinden, modelin düzgün bir şekilde formüle edilmediğini gösterir.

### Önek 2.7.

Amaç fonksiyonu ;

$$\text{Maksimize } f = x_1 + 5x_2$$

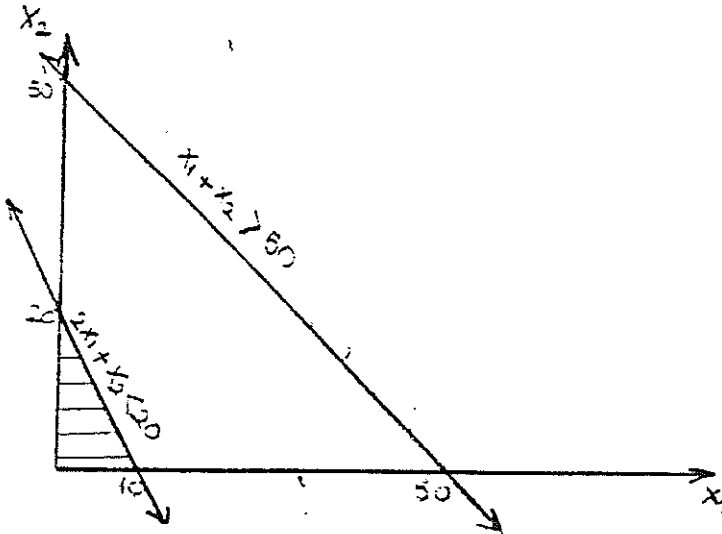
Kısıtlayıcılar;

$$(1) \quad x_1 + x_2 > 50$$

$$(2) \quad 2x_1 + x_2 < 20$$

ve pozitiflik şartı;

$x_1, x_2 > 0$  olan problem grafik çözümle ele alınacaktır.



Şekil 2.6. Mümkün Çözümün Olmaması

Şekil 2.6'dan da görüldüğü gibi ortak çözüm bölgesi yoktur.

### 3. BİLGİSAYAR PROGRAMI GELİŞTİRME UYGULAMASI (ATADP)

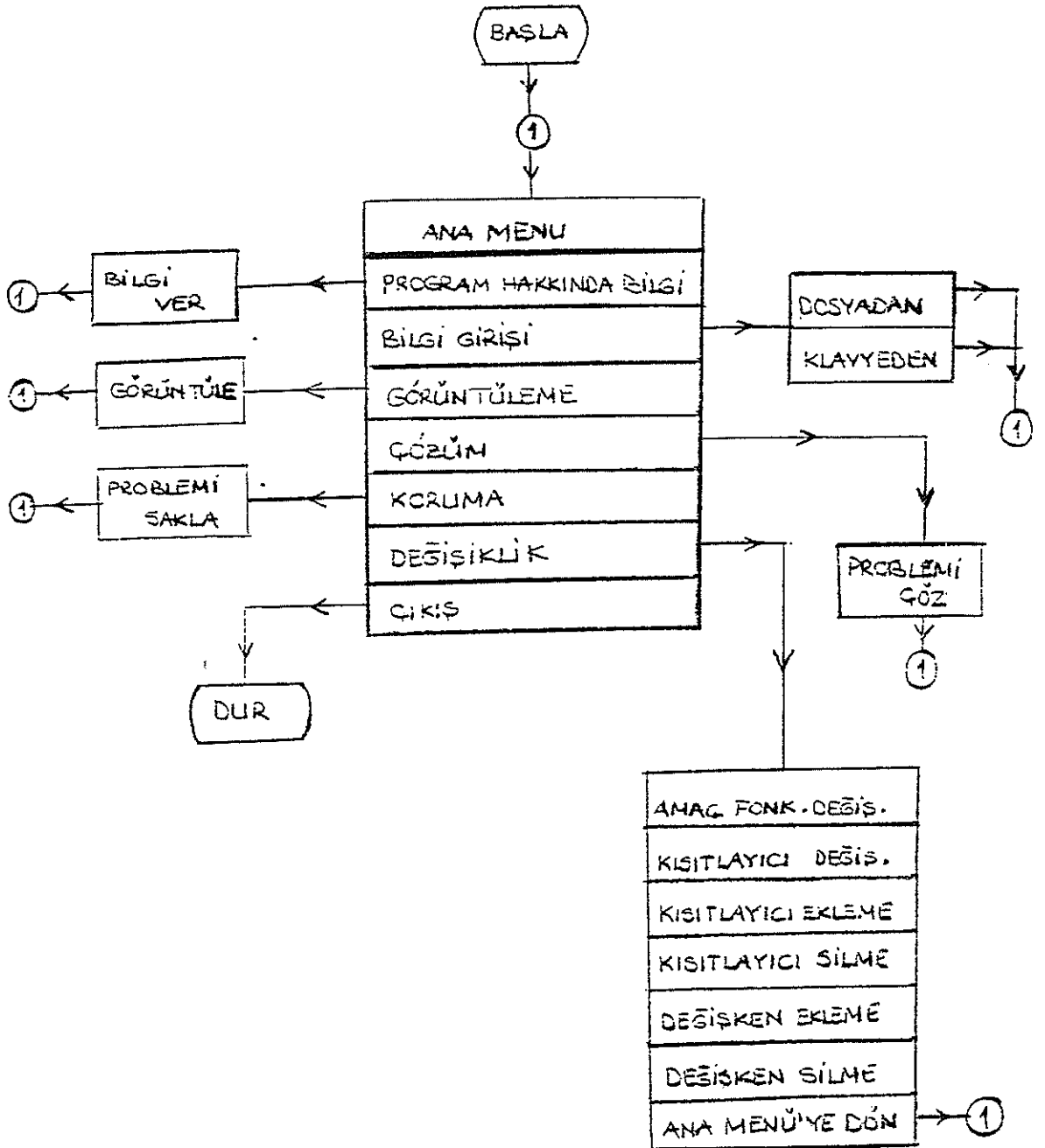
#### 3.1. Giriş

Bu bölümde QBASIC programlama dili kullanılarak geliştirilen ATADP programı incelenecektir. ATADP adı verilen program Revised Simpleks çözüm metodunu kullanarak en çok 100x100 boyutlu doğrusal programlama modellerini çözebilir. ATADP programının kodlaması yapılırken yapısal olmasına özen gösterilmiş, takibinin kolay olması için açıklama satırlarına yer verilmiştir. Tüm etiket isimleri sayısaldir.

#### 3.2. Programın Şematik Görünümü

ATADP programının şematik görünümü şekil 3.1' de verilmiştir. ATADP programı çalıştırıldığında ekrana bir menü gelir. Bu ana menüde yedi seçenek vardır. Bunlardan PROGRAM HAKKINDA BİLGİ seçildiğinde bir doğrusal programlama modelinin bu programa nasıl aktarılacağı hakkında bilgi verilir. Bu seçeneğin modülü olan Bilgi.Bas ek 6' da verilmiştir. BİLGİ GİRİŞİ seçildiğinde, DOSYADAN ve KLAVYEDEN seçeneklerini bulunduran bir alt menu gelir. Bunlardan DOSYADAN seçeneği daha önce disk veya diskette koruma altına alınmış olan bir doğrusal programlama modelini okuyarak hafızaya getirir. Bu seçeneğin blok şeması ek 1.1' de verilmiştir. KLAVYEDEN seçeneği ise amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcıları bilinen bir modelin bilgisayara aktarılmasına yarar. Bu seçeneğin blok şeması ek 1.2' de verilmiştir. GÖRÜNTÜLEME seçeneği o anda hafızada bulunan modelin amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcılarını görüntüler. Blok şeması ek 2' de verilmiştir. ÇÖZÜM seçeneği ise eğer varsa modelin optimal çözümünü bulur. Çözümü yapılan modelin optimal değerleri tablolar halinde verilmektedir. Tabloda iterasyon sayısı, amaç fonksiyonunun optimal değeri, temele girmiş değişkenlere ait optimal değerler ve temele girmemiş değişkenler için fırsat maliyeti değerleri verilmektedir. Bu seçeneğin akış

şeması ek 3' de verilmiştir. KORUMA seçeneği ise o an hafızada bulunan modeli disk veya diskette saklamaya yarar. Bu seçeneğin blok şeması ek 4' de verilmiştir. DEĞİŞİKLİK seçildiğinde ise yedi alt seçeneği olan bir alt menu gelir. Bu alt menude bir model üzerinde yapılabilecek tüm değişiklik seçenekleri bulunur. Bunlardan ilki amaç fonksiyonu katsayılarını değiştirmeye yarar. Blok şeması ek 5.1' de verilmiştir. İkinci seçenek istenen kısıtlayıcının katsayılarını değiştirmeye yarar. Blok şeması ek 5.2' de verilmiştir. Bu seçeneklerden üçüncüsü modele yeni bir kısıtlayıcı eklemeye yarar. Blok şeması ek 5.3' de verilmiştir. Dördüncü seçenek modelden istenen kısıtlayıcıyı siler. Blok şeması ek 5.4' de verilmiştir. Beşinci seçenek modele yeni bir değişken eklemeye, altıncı seçenek istenen bir değişkeni modelden silmeye yarar. Blok şemaları sırasıyla ek 5.5 ve ek 5.6'da verilmiştir. Son seçenek ise ana menüye dönüşü sağlar.



Şekil 3.1. ATADP programının şematik görünümü

### 3.3. Programda Kullanılan Değişkenlerin Listesi

var: Değişken Sayısı

cons: Kısıtlayıcı sayısı

opt: Amaç değeri

TGD( ): Temele Giren Değişken

TDD( ): Temel Değişken Değeri

a( , ): Amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcı katsayılarını içeren matris

0. Satırda amaç fonksiyonu, diğer satırlarda kısıtlayıcı katsayıları mevcuttur.

aa\$( ): Temele girecek değişken isimlerinin saklandığı matris

bb\$( ): Temelden ayrılacak değişken isimlerinin saklandığı matris

b( , ): Kuruluş tablosu içeriğini taşıyan matris

Mat( , ):  $B^{-1}$  birim matrisinin içeriğini taşıyan matris

km( ): Amaç fonksiyonu katsayılarının hesaplanarak taşındığı matris

oran( ): Temelden ayrılacak değişkeni belirleyen oran değerlerinin taşındığı matris (TDD( )/ TGD( ))

it: iterasyon sayısı

ek( ): En küçük oran değerinin satır indisini taşıyan matris

c( ): En büyük negatif teriminin indisini taşıyan matris

va: Büyük-eşit kısıtlayıcı sayısı

t: Küçük-eşit kısıtlayıcı sayısı

c: Büyük-eşit ve eşit kısıtlayıcı sayısı

esay( ): Eşit oran değerine sahip temel değişken değerlerinin indislerinin saklandığı matris

ek: En küçük değerlerin taşındığı değişken



### 3.4. Programın Yazıldığı Dil

Geliştirilen ATADP programı QBASIC programlama dili ile yazılmıştır. Yüksek seviyeli programlama dillerinden olan QBASIC, yapısal programlama ve kütüphaneleri kullanma imkanına sahiptir.

Yapısal programlama program tasarımı ve yazılımını kurallara bağlayan ve disiplin altına alan bir yaklaşımdır. Yapısal programlamada ana ilke GOTO deyimini kaldırmak ve temel denetim yapılarını kullanmaktır(11). Program tasarımı aşamasında problem her modülün kolaylıkla çözülebileceği düzeye kadar modüllere bölünür. Modüller arasında hiyerarşik bir bağ vardır.

QBASIC yapısal programlamanın kabul etmediği fakat bazı durumlarda kullanılması mecburi olan şartsız dallanma komutlarını da ihtiva eder.

QBASIC dilinin özellikleri kısaca şu başlıklar altında incelenebilir.

#### 3.4.1. Bilgi Türleri

QBASIC'te sabitler tamsayı sabitler ve kesirli sabitler olarak ikiye ayrılır. Tamsayı sabitler kendi arasında kısa tamsayı ve uzun tamsayı, kesirli sabitler de tek duyarlıklı (single precision) ve çift duyarlıklı (double precision) olarak ikiye ayrılır. Tek duyarlıklı sayılar hafızada 4 byte, çift duyarlıklı sayılar ise 8 byte yer kaplar. Tek duyarlıklı sayılar hafızada en fazla 7 anlamlı rakam bulundururken çift duyarlıklı sayılar 15 anlamlı rakam bulundurur (12).

### 3.4.2. Sapma ve Kontrol Deyimleri

Yapısal programlama da kullanılmadığı halde QBASIC programlama dilinde sapma deyimleri vardır. Bunlar şartsız sapma deyimleri GOTO, GOSUB ile şartlı sapma deyimleri ON şart GOTO ve ON şart GOSUB deyimleridir.

QBASIC' te kullanılan kontrol deyimleri ise IF ve SELECT CASE komutlarıdır. IF bir durum için kontrol yaparken, SELECT CASE bir çok durum için kontrol yapabilir.

### 3.4.3. Döngü Deyimleri

FOR / NEXT, DO / LOOP, WHILE / WEND komut çiftleri döngü deyimleridir. FOR / NEXT şartsız , diğer iki komut çifti ise şartlıdır. Bu iki komut çiftinde aranan şart sağlandığı sürece program döngü içinde kalacaktır.

### 3.4.4. Prosedürler

Yapısal programlama için önemli tanımlardan biridir. Fonksiyon ve alt program prosedürü olarak ikiye ayrılır. Fonksiyonda bir değer döndürülürken , altprogramda birden fazla değer döndürülür.

### 3.4.5. Modüler İmkanlar

Daha öncede belirtildiği gibi yapısal programlama bir problemi modüler olarak ele almaktadır. Program modüllerden oluşuyorsa bir modülden diğerine CHAIN deyimini ile geçilir. Bu imkan sayesinde her modül bağımsız bir program olabilir. Çalışan bir program RUN deyimini ile yeniden çalıştırılabilir.

### 3.4.6. SHELL İmkanı

SHELL deyimi ile DOS işletim sistemi komutları program içerisinde kullanılabilir.

### 3.4.7. Dosyalar

Manyetik disk veya disket gibi yardımcı hafıza birimlerinden bilgi alış verişi dosya özelliği sayesinde sağlanır.

## 3.5. Programın Çalışması

ATADP programı doğrusal programlama modellerini çözmek için hazırlanmıştır. Doğrusal programlama modelleri bir önceki bölümde anlatıldığı gibi simpleks ve revised simpleks çözüm metodları ile çözülebilir. Revised simpleks metod simpleks metoda göre daha az işlem gerektirir. Simpleks metod her iterasyonda yeni bir tablo oluştururken , revised simpleks metod sadece temele girecek ve temelden ayrılacak değişkenleri belirleyecek satır ve sütunları oluşturur (13). Teorik olarak bilinen bu üstünlüğün bir bilgisayar programı için kazandıracığı ise hız ve bellektir. Programın doğrusal programlama modellerini çözerken revised simpleks metod algoritmasını kullanmasının sebebi de teorik olarak bilinen bu üstünlüğü pratik olarak ortaya koymaktır. Programda iki evreli revised simpleks metod kullanılmıştır. Programın kodlaması ek 7' de verilmiştir.

Bir doğrusal programlama modelinin amaç, amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcılardan oluştuğu bilinmektedir. ATADP' de cons(kısıtlayıcı sayısı), var(Değişken sayısı), opt(Amaç) olmak üzere üç önemli değişken vardır. Programda girilen yeni bir model iki boyutlu A matrisinde saklanmaktadır. A matrisinin ilk satırında (a(0,var)) amaç fonksiyon değerleri, diğer satırlarında ise

kısıtlayıcı değerleri bulunmaktadır. Model A matrisine aktarılırken kısıtlayıcıların kısıt yönü( küçük-eşit, eşit, büyük-eşit) sayısal hale getirilir. Küçük kısıtlayıcılar sıfır, eşit kısıtlayıcılar bir ve büyük-eşit kısıtlayıcılar iki değeri ile A matrisine aktarılır. Model görüntülenirken de bu sayısal değerlerin karakter karşılıkları görüntülenir. Klavyeden girilen bir model daha sonra kullanılmak üzere disk veya diskette saklanabilir ve model üzerinde istenen değişiklikler yapılabilir.

Verilen bir modelin çözümünde program amaç fonksiyonunu maksimize kabul ederek işlem yapmaktadır. Çözülecek model minimize ise önce amaç fonksiyonu (-1) ile çarpılarak maksimize hale getirilir. Bir modelde küçük-eşit, eşit, büyük-eşit olmak üzere üç tür kısıtlayıcı mevcut olabilir. Kuruluş tablosu oluşturulabilmesi için verilen tüm eşitsizlikler eşitlik haline getirilerek kanonik bir form oluşturulur. Küçük-eşit kısıtlayıcılara  $y_i$  boş değişkeni eklenerek, eşit kısıtlayıcılara  $z_i$  yapay değişkeni eklenerek, büyük-eşit kısıtlayıcılara ise  $-t_i$  boş değişkeni ve  $z_i$  yapay değişkeni eklenerek kanonik hale getirilmiş olur. İlk durumda temelde bulunan değişkenler , bu yapay ve boş değişkenlerdir. Amaç ise temelde bulunan bu değişkenleri temelden atmak yerine modelin gerçek değişkenlerini temele almaktır. Bu yapıldığı takdirde yani temele girecek değişken kalmadığında ve tüm yapay değişkenler temelden atıldığı anda modelin optimum çözümü bulunmuş olur. Programda temele girecek değişken isimleri aa\$, temelden ayrılacak değişken isimleri ise bb\$ dizilerinde saklanmıştır.

Bu işlemler yapıldıktan sonra eldeki verilerle kuruluş tablosu oluşturulur. Kuruluş tablosunun temele girecek değişken sütunları içeriği B matrisinde taşınmaktadır. B matrisinin ilk iki satırında  $f_c$  ve  $f_m$  amaç fonksiyonlarının katsayıları, diğer satırlarda ise kısıtlayıcı değerleri vardır. B matrisinin ilk sütununda ise kısıt değerleri (Temel değişken değerleri) bulunmaktadır.

Büyük-eşit kısıtlayıcılara eklenen  $t_i$  boş değişkenleri de temele girecek değişkenlerdir.

Mat matrisi kuruluş tablosunun birim matrisi  $B^{-1}$  'in içeriğini taşımaktadır.  $f_m$  optimize edilirken bu matrisin birinci satırı,  $f_c$  optimize edilirken de sıfırıncı satırı  $km$  dizisinin değerlerini belirlemede kullanılmaktadır. Mat matrisi satırları sırasıyla  $f_c$ ,  $f_m$ , 1. kısıtlayıcı, 2. kısıtlayıcı ve cons. kısıtlayıcı temel değişkenlerinin  $f_c$ ,  $f_m$ , 1. kısıtlayıcı, 2. kısıtlayıcı, cons. kısıtlayıcıdaki katsayılarını içerir.

Buraya kadar anlatılanlar modeli çözülmeye hazır hale getirmiştir. Bundan sonra yapılacak işlemler optimum sonuca ulaşıncaya kadar bir mümkün çözümden diğerine geçmektir. Bu sebeple  $f_m$  satırındaki mutlak değerce en büyük katsayılı negatif terim aranır. Bu terim temele girecek değişkeni belirler.  $f_m$  satırı değerleri  $km$  dizisi içerisinde saklanmaktadır.  $km$  dizisi mat matrisindeki optimize edilmeye çalışılan amaç fonksiyonu satırı (Birinci evre için  $f_m$  satırı) ile  $B$  matrisinin çarpımından elde edilir. Eğer  $km$  dizisinde negatif katsayılı eleman kalmamışsa optimize edilmiş olur. Bu durumda modelde yapay değişken varsa modelin mümkün bir çözümü yoktur. Temeldeki tüm yapay değişkenler temelden atılmış veya 0 katsayı ile temelde bulunuyorsa  $f_m$ 'ye ait satır ve sütunlar mat matrisinden ve  $B$  matrisinden silinir. Aynı işlemler  $f_c$  için gerçekleştirilir. Ancak  $f_c$  için  $km$  dizisi hesaplanırken mat matrisinin sıfırıncı satırı ( $f_c$  satırı) esas alınır.  $km$  katsayıları negatif fakat sıfıra çok yakın değerler alıyor olabilir. Programda bu durum göz önünde bulundurulmuş ve katsayı  $(-1.10^{-5})$ 'den küçükse sıfır kabul edilmiştir.

Revised simpleks metodun tercih edilme sebebi her iterasyon için  $B$  matrisini hesaplamak yerine  $km$  dizisi (Temele girecek değişkenleri belirlemeye yarar.), anahtar sütun değerleri (TGD dizisi) ve temel değişken değerleri (TDD dizisi) dizilerini hesaplamasıdır. Böylece  $m$  kısıtlayıcı ve  $n$  değişkene sahip olan bir modelde her bir iterasyonda  $m*n+m$  değer yerine  $3*m$  tane değer hesaplanır. Temelden ayrılacak değişkeni tesbit için de temel değişken değerleri temele

girecek değişken değerlerine bölünür. (TDD/TGD) Elde edilen en küçük pozitif katsayılı terimin bulunduğu satır temelden ayrılacak değişkeni belirler. Pozitif katsayılı bir oran değeri mevcut değilse modelin sınırsız çözümü vardır.

Mat matrisinde temelden ayrılan yapay değişkenin yerini temele gireceği belirlenen değişken alır. Bu sütun kanonik hale getirilerek bir değişkenin amaç fonksiyonunda hangi değerle bulunacağı belirlenmiş olur. Bu işlemler modelin optimal çözümü bulununcaya kadar tekrar edilir. Optimal çözümü bulunan modelin sonuç değerleri bir tablo halinde verilmektedir. Aşağıda 15 değişkenli , 10 kısıtlayıcı bir doğrusal programlama modelinin ATADP'deki sonuç tablosu (Tablo 3.1 ) verilmiştir.

Tablo 3.1. Bir doğrusal programlama modelinin ATADP sonuç tablosu

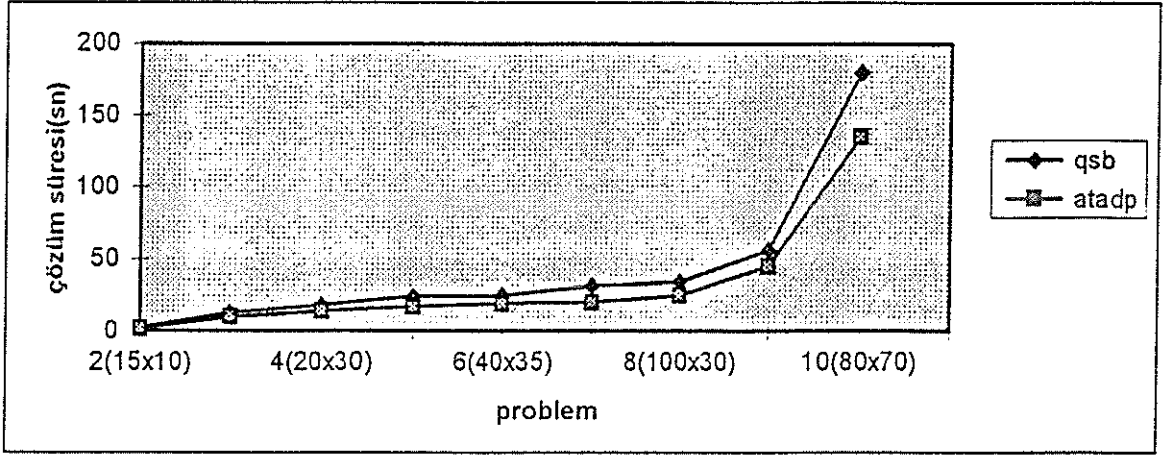
SONUC TABLO			iterasyon: 6		fmin= 18.10717		Sayfa: 1	
Değisken	cözüm	firs. mal.	Değisken	cözüm	firs. mal.			
1 x 1	30	0	16 t 1	0	.21			
2 x 2	15	0	17 t 2	0	.02			
3 x 3	30	0	18 t 3	0	.08			
4 x 4	2	0	19 t 4	0	.06			
5 x 5	0	.7	20 t 5	0	.1594134			
6 x 6	0	1	21 y 1	30.7	0			
7 x 7	0	.001	22 z 1	0	-.21			
8 x 8	0	3.999293E-02	23 z 2	0	-.02			
9 x 9	33.46969	0	24 z 3	0	-.08			
10 x 10	0	.8	25 y 2	248	0			
11 x 11	0	.26	26 z 4	0	-.06			
12 x 12	0	.38	27 y 3	60	0			
13 x 13	0	.44	28 z 5	0	0			
14 x 14	63.76534	0	29 y 4	60	0			
15 x 15	0	.079264	30 z 6	0	-.1594134			

### 3.6. Çözüm Süresi

Bir doğrusal programlama modelinin çözüm süresindeki artış yaklaşık olarak kısıtlayıcı sayısındaki artışın kübü ile doğru orantılıdır (Kaçtıoğlu,1984). ATADP benzer işlevli QSB programı ile karşılaştırıldığında aynı modeli ATADP'nin daha kısa sürede çözdüğü görülmüştür. Çünkü ATADP revised simpleks metod algoritması kullanırken, diğer program simpleks metod algoritması kullanmaktadır. Çözüm süresi kısıtlayıcı sayısı ve değişken sayısına bağlı olarak ta artmaktadır. Şekil 3.2' ye ait farklı boyutlardaki modellerin ATADP ve QSB' deki çözüm süreleri tablo 3.2' de verilmiştir.

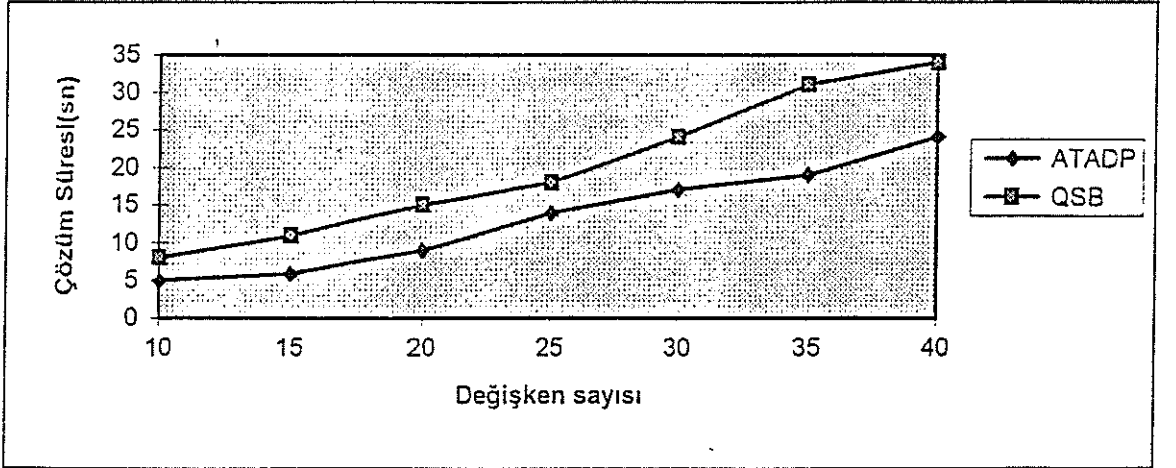
Tablo 3.2. Farklı boyuttaki modellerin ATADP ve QSB'deki çözüm süreleri

problem	Çözüm Süresi(sn)		atadp/qsb
	QSB	ATADP	
1(15x10)	3	2	1,5
2(90x13)	13	10	1,3
3(20x30)	18	14	1,285714
4(30x40)	24	17	1,411765
5(40x35)	25	19	1,315789
6(35x40)	31	20	1,55
7(100x30)	34	25	1,36
8(40x51)	56	45	1,244444
9(80x70)	180	135	1,333333



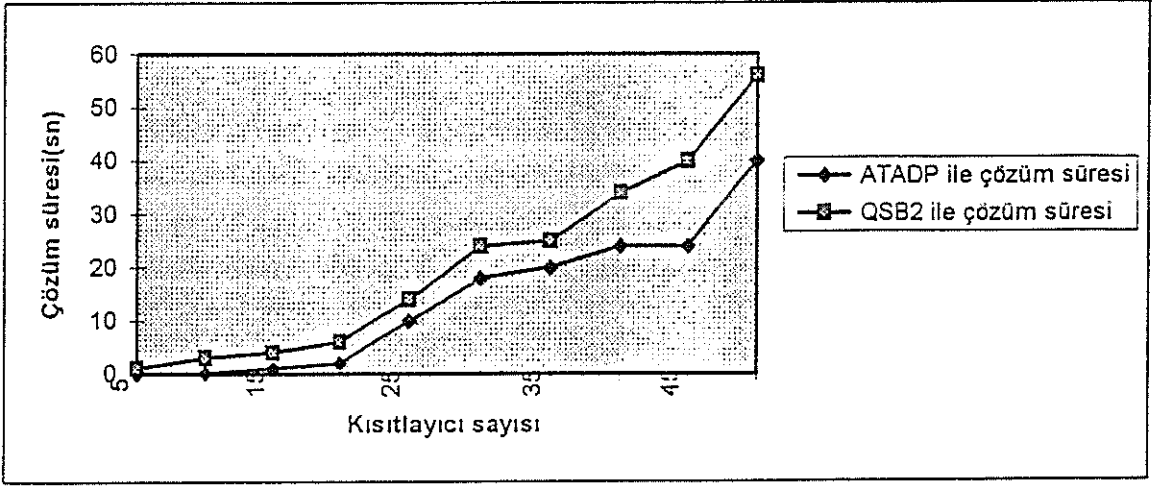
Şekil 3.2. Farklı boyuttaki modellerin ATADP ve QSB 'deki çözüm süreleri

Şekil 3.2 'de farklı kısıtlayıcı sayıları ve değişken sayılarına sahip modellerin ATADP ve diğer programdaki çözüm süreleri, Şekil 3.3' de kısıtlayıcı sayısı sabit iken(40) değişken sayısı artışına karşı çözüm süreleri, Şekil 3.4' de ise değişken sayısı sabit iken(40) kısıtlayıcı sayısı artışına karşı çözüm süreleri grafik olarak verilmiştir.



Şekil 3.3. Değişken sayısı artışına karşı çözüm süreleri





Şekil 3.4. Kısıtlayıcı sayısı artışına karşı çözüm süreleri

#### 4. SONUÇ

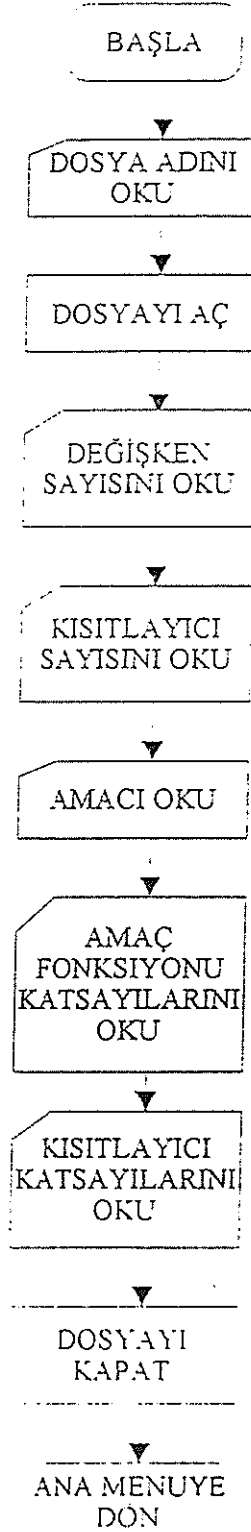
Bu çalışmada yöneylem araştırması optimizasyon tekniklerinden olan doğrusal programlama incelenmiş, çözüm teknikleri ele alınmış ve bu model için söz konusu olan bazı özel durumlar incelenmiştir. Program geliştirme bölümünde ise QBASIC programlama dili kullanılarak doğrusal programlama modellerini Revised Simpleks algoritmayla çözen bir program geliştirilmiştir. Bu algoritmanın tercih edilme sebebi ise daha az işlem ve daha az bellek kapasitesi gerektirmesidir. Geliştirilen program (ATADP) programı kişisel bilgisayarlarda yaygın olarak kullanılan benzer amaçlı QSB programı ile kıyaslandığında şu sonuçlara varılmıştır.

- ATADP QSB'den en az %40 daha hızlıdır. Program teorik olarak bekleneni vermiştir. Kısıtlayıcı sayısı arttıkça ATADP programının %40'tan daha hızlı olacağı söylenebilir. Küçük boyutlu modellerde revised simpleks metodu işlem sayısı simpleks metod işlem sayısına yakın olmasına rağmen boyut büyüdükçe (kısıtlayıcı sayısı ve değişken sayısı arttıkça) Revised Simpleks Metod daha iyi sonuçlar verecektir(14).
- QSB'de dejenerasyon durumları göz önüne alınmamıştır. Dejenerasyon oluşacak bir problem girildiğinde ise program sonsuz döngüye girmektedir. ATADP'de ise dejenerasyonu önleyen iki altprogram bulunmaktadır. Böylece dejenere bir problemin sebep olacağı sonsuz döngü veya fazla iterasyonlar önlenmiştir.
- Hem ATADP'de hem de QSB'de çözülen modellerde kısıtlayıcı sayısı artışının değişken sayısı artışına göre çözüm süresini daha çok artırdığı görülmüştür.

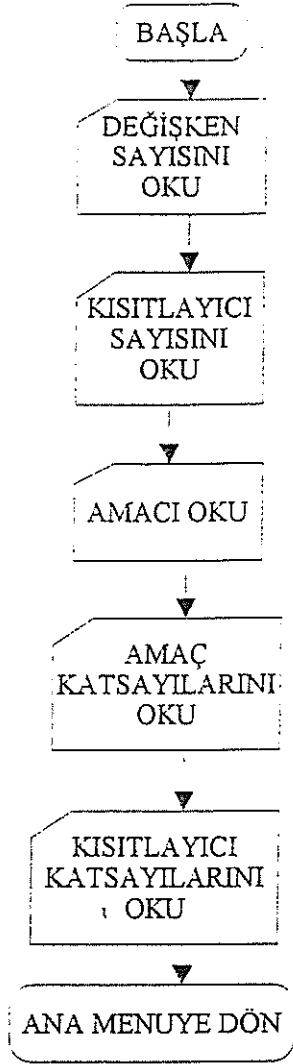
## 5. EKLER

## Ek 1. Bilgi Girişİ Blok Şemaları

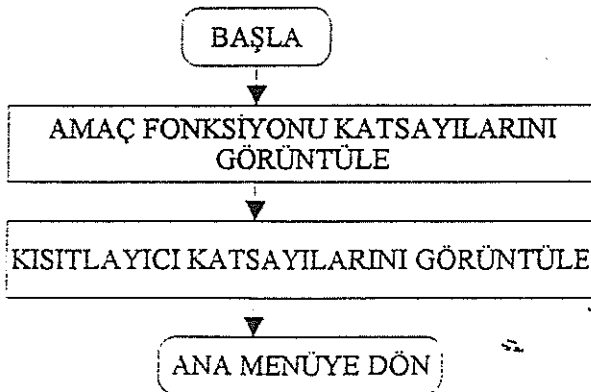
## Ek 1.1. Dosyadan Bilgi Girişİ Blok Şeması



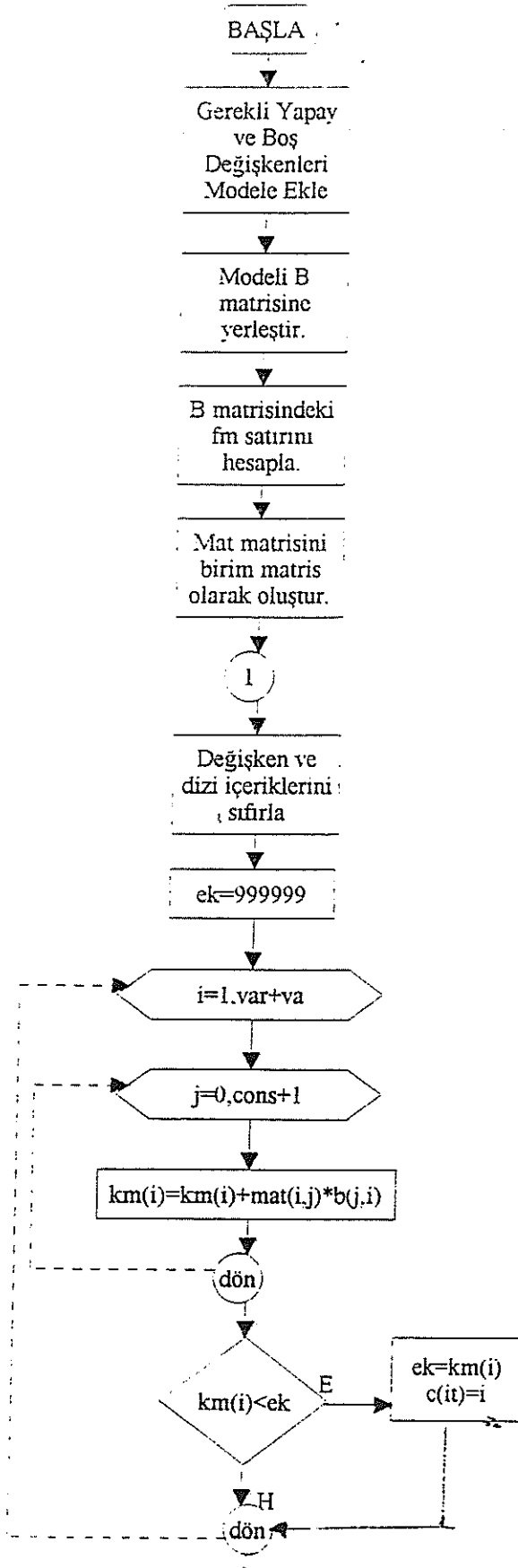
### Ek 1.2. Klavyeden Bilgi Girişi Blok Şeması

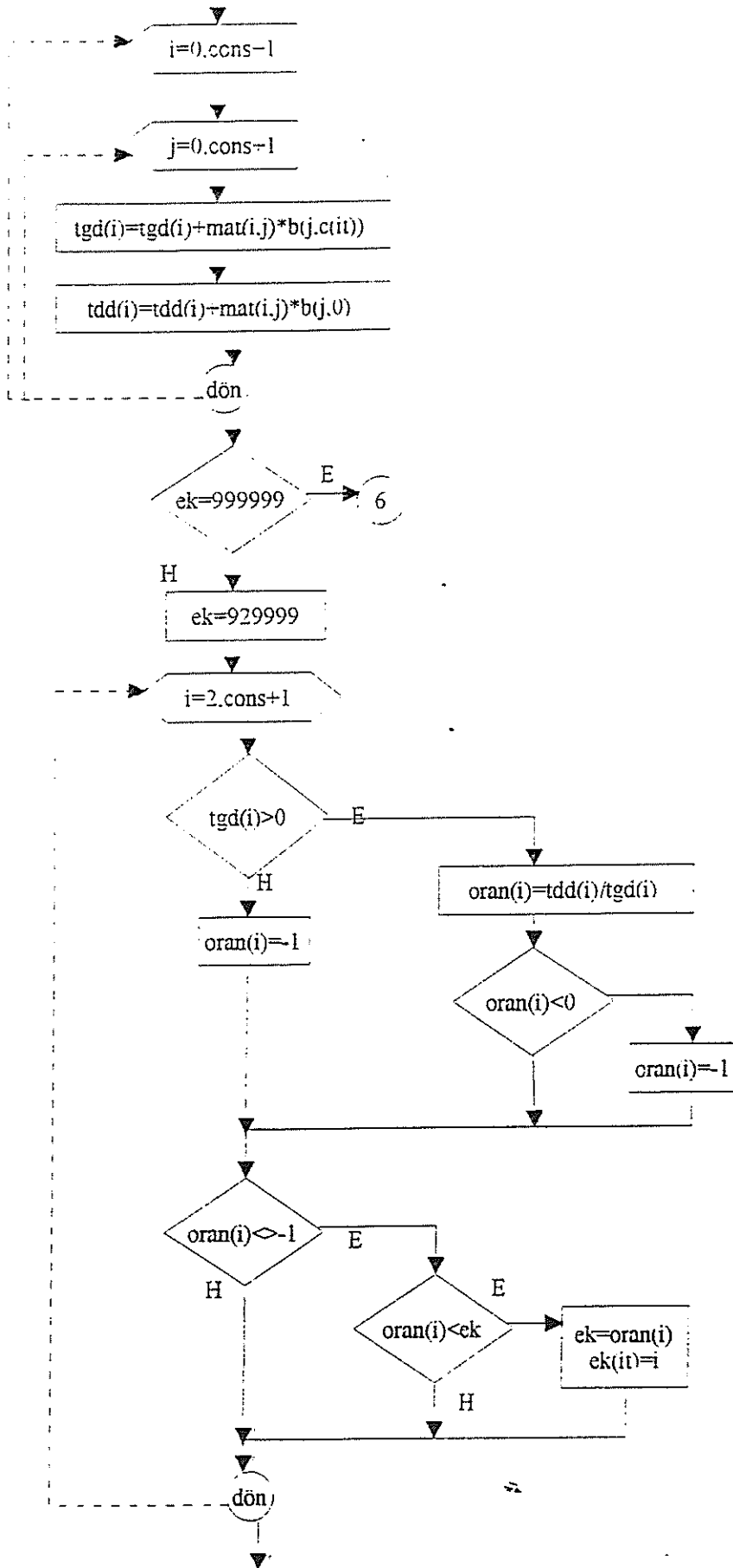


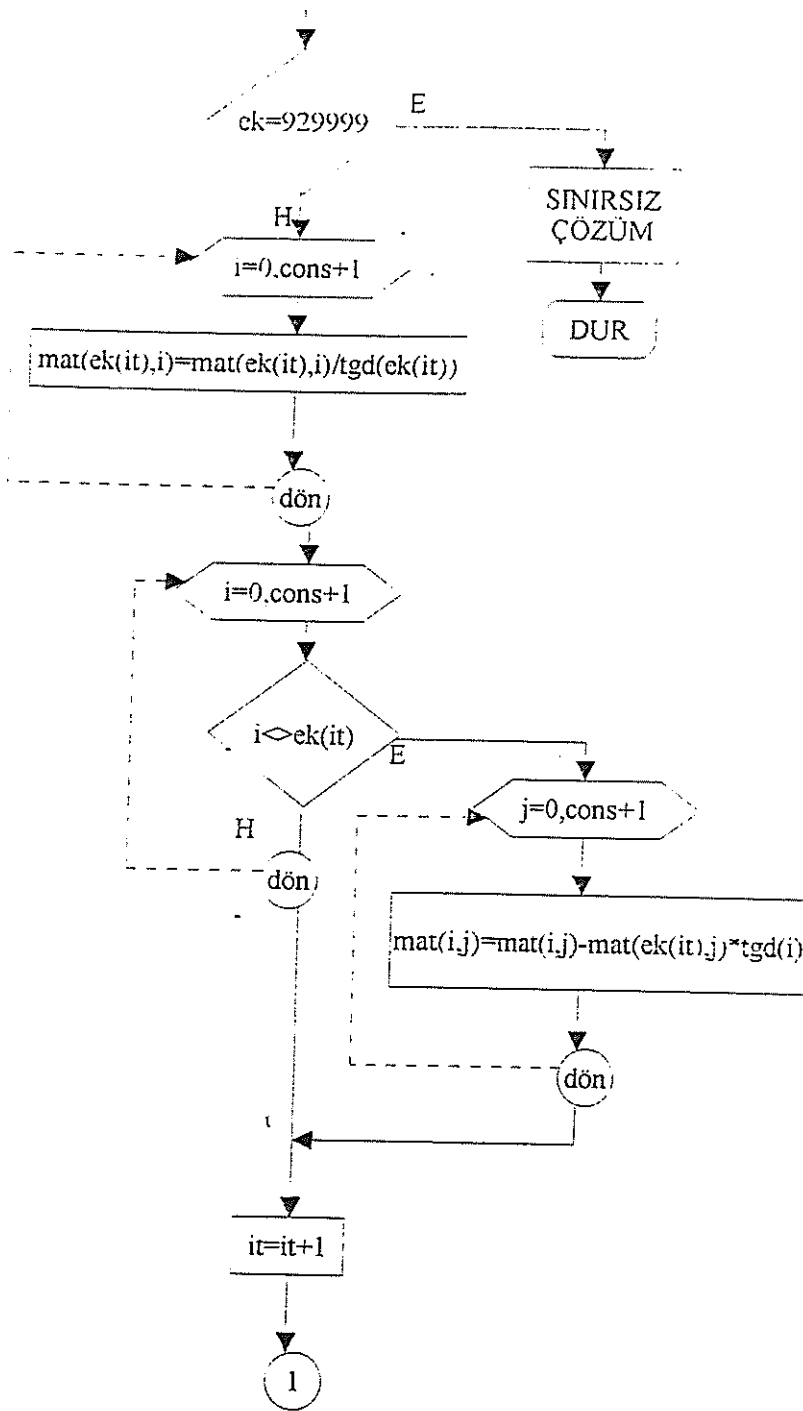
### Ek 2. Görüntüleme Blok Şeması

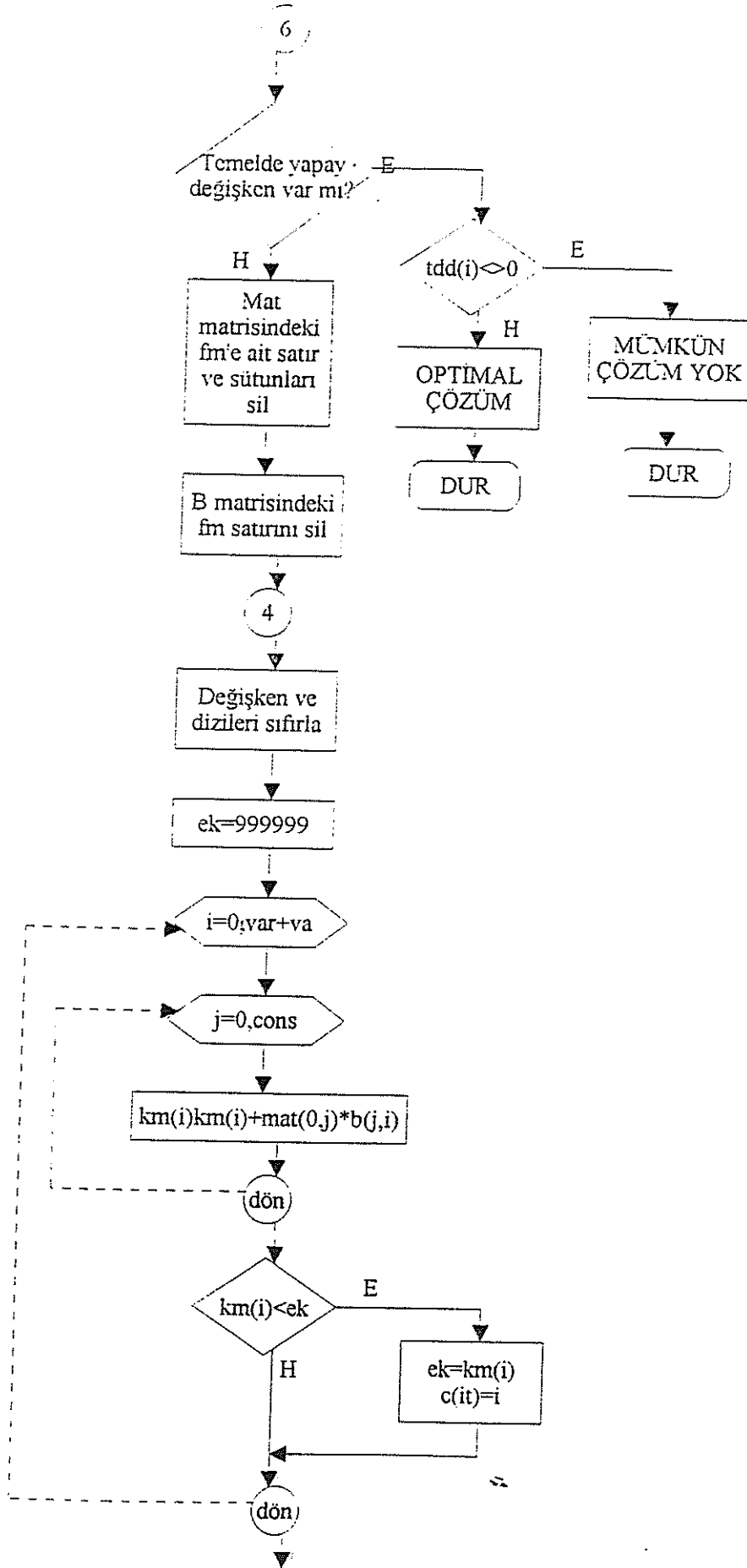


## Ek 3. Çözüm Akış Şeması

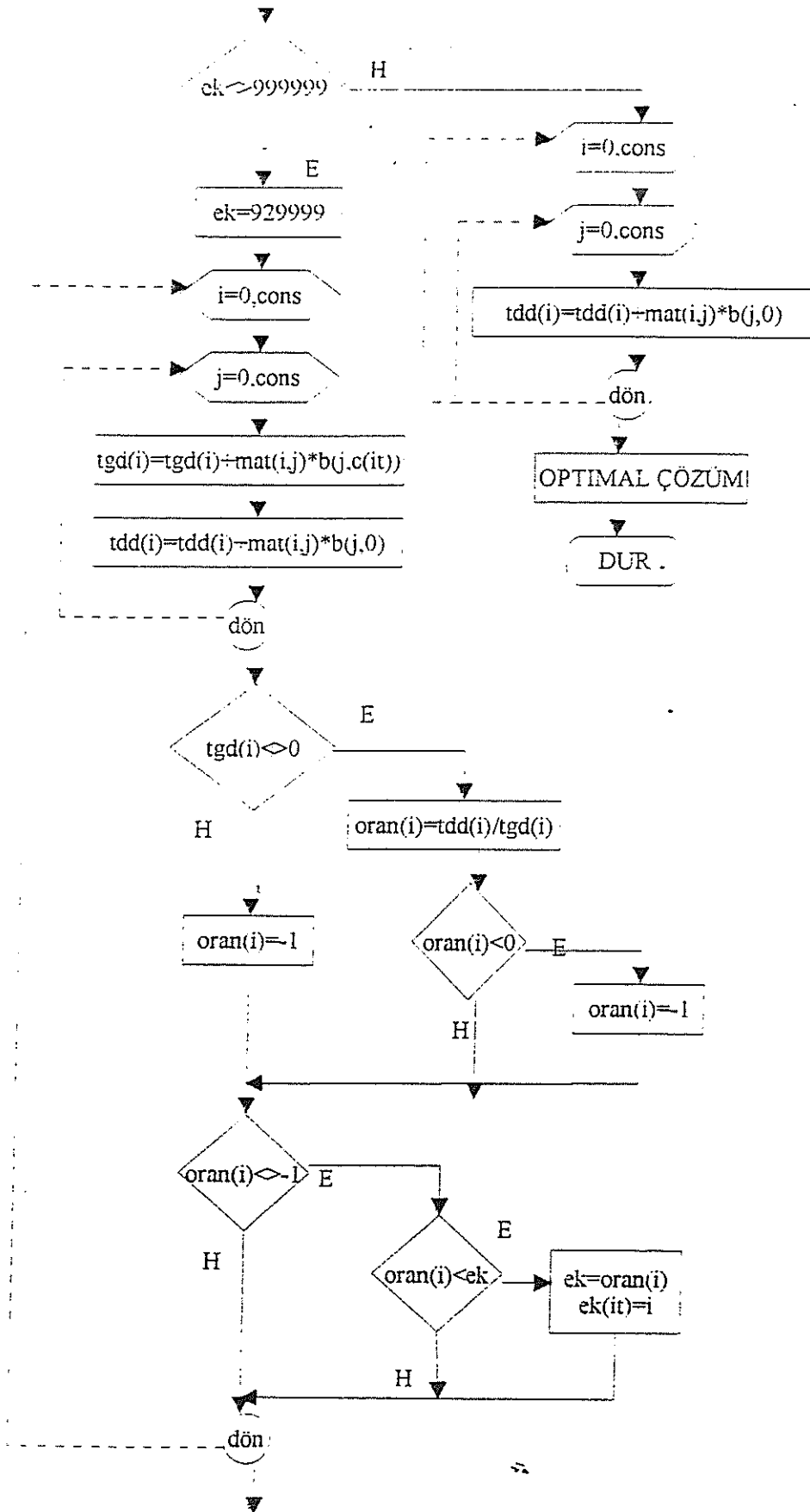


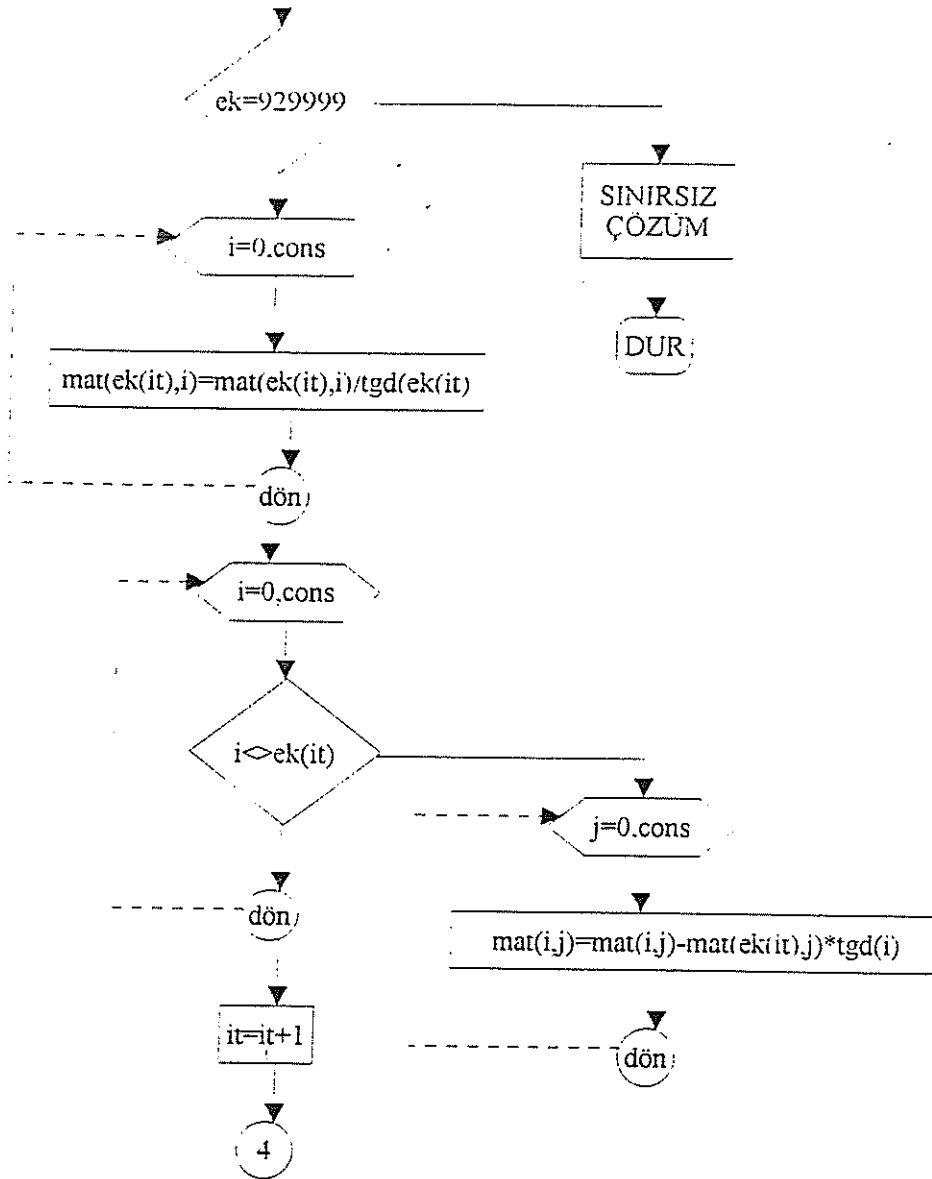




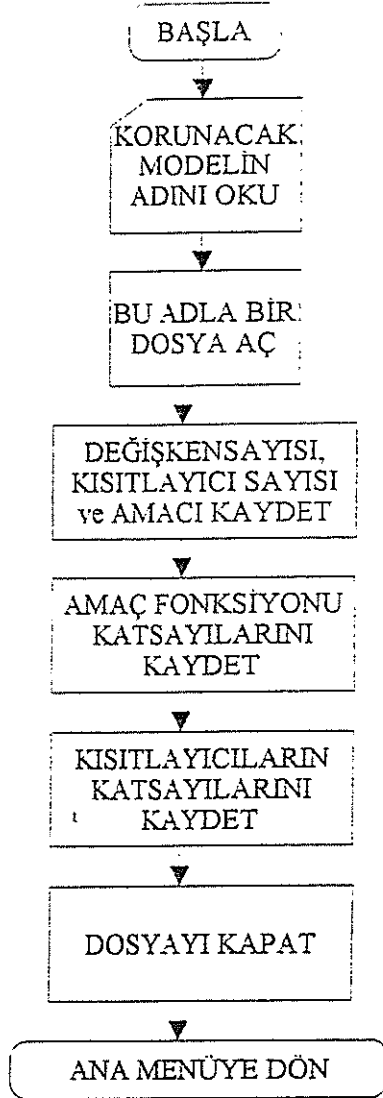






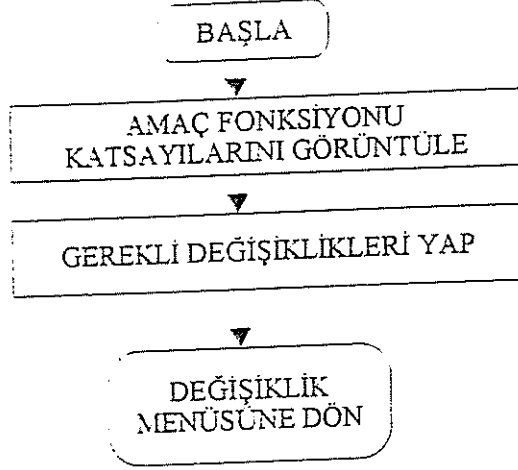


## Ek 4. Koruma Blok Şeması

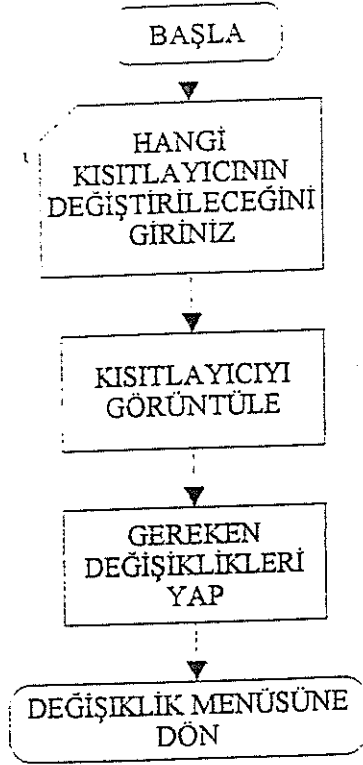


## Ek 5. Değişiklik Alt Menüsü Blok Şemaları

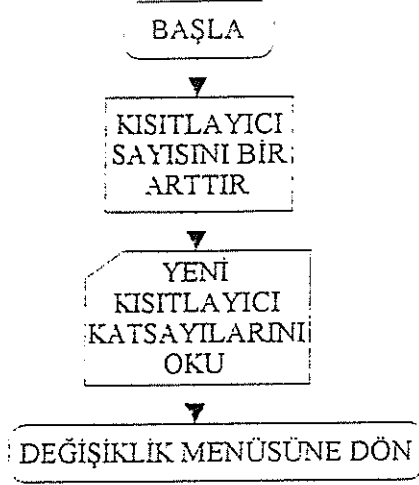
### Ek 5.1. Amaç Fonksiyonunun Katsayılarını Değiştirme Blok Şeması



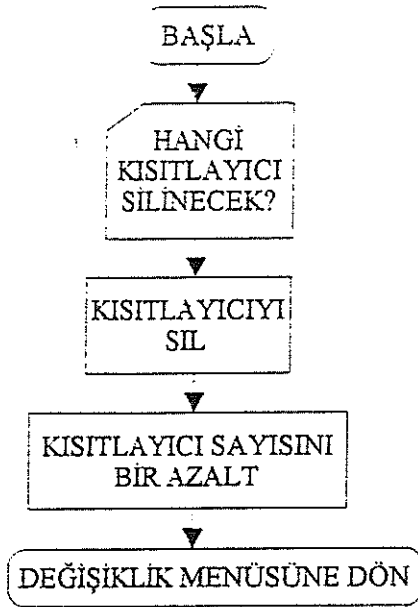
### Ek 5.2. Kısıtlayıcı Değişikliği Blok Şeması



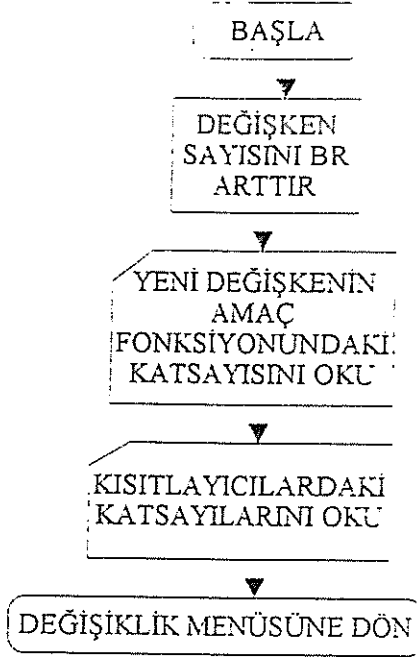
### Ek 5. 3. Kısıtlayıcı Ekleme Blok Şeması



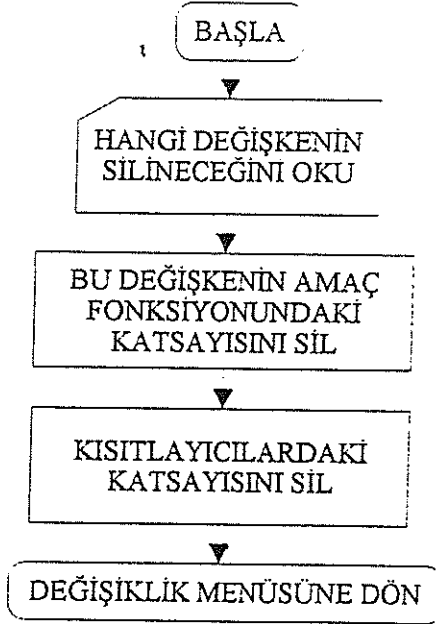
### Ek 5.4. Kısıtlayıcı Silme Blok Şeması



### Ek 5. 5. Değişken Ekleme Blok Şeması



### Ek 5.6. Değişken Silme Blok Şeması



## Ek 6. Program Hakkında Bilgi Seçeneği Modül Programı (Bilgi.Bas)

```

COLOR 10, 0, 5: CLS
PRINT "BU PROGRAM DOGRUSAL PROGRAMLAMA MODELLERINI COZMEK"
PRINT "ICIN GELISTIRILMISTIR."
PRINT "Programda ok tuşları ile aşağıya veya yukarıya hareket ederek istediğiniz "
PRINT "seçeneği n üzerine gelip,enter tuşuna basarak seçiminizi yapabilirsiniz."
PRINT " Bu program en çok 100 değişkenli ve 100 kısıtlayıcı doğrusal "
PRINT "programlama problemlerini çözer."
PRINT " Aşağıda doğrusal programlama ile çözülecek bir modelin nasıl "
PRINT " kurulacağına ait bir örnek verilmiştir. "

PRINT "          Örnek:
PRINT " Bir firma ürün1 ve ürün2 olarak iki farklı mamülü üretmek için makine1 ve "
PRINT " makine2'yi kullanıyor. Ürün1den 5TL,ürün2den ise 7TL kar ediliyor. Makinelerin "
PRINT " çalışma kapasiteleri sırasıyla 60 saat ve 80 saattir. "
PRINT "Ürün1'i üretmek için makine1 2 saat ve makine2 4 saat,ürün2'yi üretmek için ise "
PRINT " makine1 3 saat ve makine2 2 saat çalışmalıdır. "
PRINT "Bu durumda maximum kar etmek için ürün1 ve ürün2'den kaç tane üretilmelidir? "
PRINT " Veriler : "
PRINT " Max f=5*ürün1+7*ürün2"
PRINT " Subject to (1) 2ürün1+3ürün2<=60"
PRINT " (2) 4ürün1+2ürün2<=80 "
PRINT " ürün1>=0 , ürün2>=0"
PRINT
PRINT "Probleminizi bu formata getirdikten sonra katsayıları girerek problemi"
PRINT "çözebilirsiniz";
PRINT : DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> "": CLS
LOCATE 10, 2:
PRINT "Doğrusal program modelinizdeki değişken isimleri program tarafından"
PRINT "otomatik olarak x1,x2,x3... şeklinde belirlenecektir."
PRINT "Problemi girmek için ana menuden bilgi girişini seçiniz. Karsınıza "
PRINT "Klavyeden,Dosyadan seçenekleri gelecek. Klavyeden secenegini secerseniz"
PRINT "sırasıyla degisken sayısını,kısıtlayıcı sayısını ve optimizasyonu soracak."
PRINT "Problemimizde ürün1 ve ürün2 olarak 2 değişken ,makine1 ve makine2'nin"
PRINT "kapasitelerinden dolayıda 2 kısıtlayıcı vardır. Amac ise maksimizasyon "
PRINT "oldugundan 1 dir. Bunları girdikten sonra karsımıza:"
DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> "": CLS
PRINT "Amac fonksiyonu"
PRINT "      ——x1 ——x2"
PRINT "1. kısıtlayıcı"
PRINT "      ——x1 ——x2 < ——"
PRINT "2.kısıtlayıcı"
PRINT "      ——x1 ——x2 < ——"
PRINT "gelir .Sorulan bu değerleri girdikten sonra problem artık çözüme"
PRINT "hazırdır."
PRINT : DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> "": COLOR 15, 1, 0: CLS
CHAIN "atadp"

```

## Ek 7. ATADP programının QBASIC dilindeki kodlaması (ATADP.BAS)

```

'
' ***** A T A D P *****
'
' Bu program verilen bir dogrusal programlama modelini Revised Simpleks
' Metod kullanarak çözer. Program Quick Basic ile yazilmiştir.
' Bir dogrusal programlama modeli maksimizasyon veya minimizasyon olabilecek
' bir amaca,bu amaci gerceklestirebilecek bir fonksiyona ve eldeki mevcut
' kaynakların hangisinden ne kadar kullanılacagini belirten kisitlayicilara
' sahiptir.
' Program en fazla 100 degiskenli ve 100 kisitlayicili bir modeli cozebilir.
' Modeli girerken önce modeldeki degisken sayısı,kisitlayici sayısı ve amac
' degeri istenmektedir. Amac maksimizasyon (1) veya minimizasyon(2) olabilir.
' Degisken ve kisitlayici sayısı en fazla 100 olabilir. Modeldeki degisken
' isimleri otomatik olarak program tarafından x1,x2,x3...sekinde verilir.
' Modelin cozumu ise tablolar halinde verilmektedir.
  DECLARE SUB MENU1 (x%, y%, SECIMSAYISI!, SECILEN!)
  DECLARE SUB YAZ (x%, y%, e$, e!)
  DECLARE SUB SOLVE (sol, var, cons, opt, it)
  DIM SHARED a$(1 TO 20)
  DIM SHARED b$(1 TO 20)
  DIM tdd(101), tgd(101), oran(101), mat(100, 100)
  REDIM b(101, 200), km(200), aa$(200), bb$(100)
  DIM c(150), ek(150), esay(100)
  REDIM a(100, 102)
  COLOR 15, 1, 0
  CLS
  DO
    LOCATE 7, 30: PRINT "A N A   M E N U"
    a$(1) = "      PROGRAM HAKKINDA BILGI   "
    a$(2) = "      BILGI GIRISI           "
    a$(3) = "      GÖRÜNTÜLEME             "
    a$(4) = "      ÇÖZÜM                   "
    a$(5) = "      KORUMA                 "
    a$(6) = "      DEGISIKLIK           "
    a$(7) = "      ÇIKIS               "
    MENU1 9, 20, 7, sd
    ON sd GOSUB 1000, 2000, 4000, 5000, 6000, 7000, 8000
  LOOP
1000
' Program hakkında bilgi
'
  CHAIN "bilgi"
2000
' Problem bilgi girisi. Model bilgisayara ilk defa giriliyorsa klavyeden
' secenegi,eger önceden bir dosyaya kaydedilmisse dosyadan secenegi ter
' cih edilir.
'
  COLOR 15, 1, 0
  CLS
  DO
    LOCATE 7, 28: PRINT "BILGI GIRISI"
    a$(1) = "      KLAVYEDEN       "
    a$(2) = "      DOSYADAN         "
    MENU1 9, 20, 2, sd
    ON sd GOSUB 100, 200

```



```

RETURN
LOOP
100
'
' KLAVYEDEN bilgi girisi. Once modeli tanımlayıcı uc unsur olan değişken
' sayısı, kısıtlayıcı sayısı ve amaç girilir. Daha sonrada verilen
' boyutlarda bir modelin amaç fonksiyonu ve kısıtlayıcılardaki değişken
' lerinin katsayıları girilir.
'
COLOR 10, 0, 1: CLS
COLOR 15
'
' Değişken sayısı girişini kontrol eder. Değişken sayısı 100' den küçük
' ve sayısal olmalıdır. Backspace tusu ile de yanlış girilen bilgiler
' düzeltilebilir.
'
DO
LOCATE 10, 20: PRINT "Değişken sayısını giriniz?"
karek$ = ""
t$ = "_"
LOCATE 10, 57: PRINT t$
FOR i = 1 TO 3
DO
DO
k$ = INKEYS
LOOP UNTIL k$ <> ""
IF ASC(k$) = 8 THEN
' Eger backspace tusuna basılmış ise bilgi girişi bir geriye alınır.
'
i = i - 1
IF i < 1 THEN i = 1
IF LEN(karek$) <> 0 THEN
karek$ = LEFT$(karek$, LEN(karek$) - 1)
LOCATE 10, 55 + i
PRINT "_", " "
END IF
END IF
IF ASC(k$) = 13 THEN EXIT FOR
'
' Enter tusuna basıldı ise bilgi girişi tamamlanmıştır. Karakter olarak
' alınan bilgi sayısal hale dönüştürülür.
'
IF k$ < CHR$(48) OR k$ > CHR$(57) THEN
' Klavyeden rakamdan farklı bir veri girilirse kabul edilmez.
'
BEEP
a = 2
ELSE
a = 0
END IF
LOOP UNTIL a <> 2
k$ = k$ + t$
LOCATE 10, 56 + i: PRINT k$
k$ = LEFT$(k$, 1)
karek$ = karek$ + k$
NEXT
var = VAL(karek$)
LOCATE 10, 57: PRINT var
IF var = 0 OR var > 100 THEN

```

' Degisken sayisi olarak 0 veya 100'den buyuk bir sayi girilmis kabul edilmez.  
' Yeniden uygun bir degisken sayisi girilmesi istenir.

```

      BEEP
      b = 1
    ELSE
      b = 0
    END IF
  LOOP UNTIL b <> 1

```

' Kisitlayici sayisi girisini kontrol eder. Kisitlayici sayisi en fazla 100  
' olabilir. Karakter bilgi girilemez. Redo from Start hata mesaji onlenmistir.

```

DO
  LOCATE 12, 20: PRINT "Kisitlayici sayisini giriniz "
  karek$ = ""
  COLOR 15: t$ = " _"
  LOCATE 12, 56: PRINT t$
  FOR i = 1 TO 3
    DO
      DO
        k$ = INKEYS
        LOOP UNTIL k$ <> ""
        IF ASC(k$) = 8 THEN
          i = i - 1
          IF i < 1 THEN i = 1
          IF LEN(karek$) <> 0 THEN
            karek$ = LEFT$(karek$, LEN(karek$) - 1)
            LOCATE 12, 55 + i
            PRINT " _", "      "
          END IF
        END IF
        IF ASC(k$) = 13 THEN EXIT FOR
        IF k$ < CHR$(48) OR k$ > CHR$(57) THEN
          BEEP
          a = 2
        ELSE
          a = 0
        END IF
        LOOP UNTIL a <> 2
        k$ = k$ + t$
        LOCATE 12, 55 + i: PRINT k$
        k$ = LEFT$(k$, 1)
        karek$ = karek$ + k$
      NEXT
      cons = VAL(karek$)
      LOCATE 12, 56: PRINT cons
      IF cons = 0 OR cons > 100 THEN
        BEEP
        b = 1
      ELSE
        b = 0
      END IF
    LOOP UNTIL b <> 1

```

' Amac degeri girisini kontrol eder. Amac 1(maksimizasyon) veya 2(minimizasyon) dan farkli deger alamaz.

```

DO
  LOCATE 14, 20

```

```

PRINT "Amaci giriniz. Maksimizasyon(1)? Minimizasyon (2)?"
DO
  k$ = INKEYS
  LOOP UNTIL k$ <> ""
  IF k$ <> CHR$(49) AND k$ <> CHR$(50) THEN
    BEEP
    a = 1
  ELSE
    a = 0
  END IF
  LOOP UNTIL a <> 1
  LOCATE 14, 67 + i: PRINT k$
  opt = VAL(k$)
  COLOR 10
  LOCATE 18, 10
  PRINT "Bu program x1,x2,...xn gibi default degisken isimleri kullanir"
  LOCATE 22, 10
  PRINT "Degisiklik icin ( "; CHR$(27); ")backspace tusuna basiniz"
  LOCATE 21, 10
  PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
  DO
    k$ = INKEYS
    LOOP UNTIL k$ <> ""
    IF ASC(k$) = 8 THEN 2000
    CLS
    IF opt = 1 THEN opt$ = "MAX" ELSE opt$ = "MIN"
    KIS1 = 1
    aa = 0: ss = 0
    COLOR 10: CLS
    LOCATE 1, 1: PRINT opt$: " Amac fonksiyonunun katsayilari": a = 0
  ' Amac fonksiyonunun degiskenlerinin yazdirilmesi
  '
  DO
    FOR i = 1 TO 10
      FOR j = 1 TO 5
        a = a + 1
        LOCATE i * 2, j * 15 - 10
        PRINT "———": COLOR 9
        PRINT "X": a: COLOR 10
        IF a = var THEN
          EXIT FOR
        END IF
      NEXT j
      IF a = var THEN
        EXIT FOR
      END IF
    NEXT i
  ' Eger amac fonksiyonu bir sayfaya sigabilecek boyutta ise kisitlayicilar
  ' da ayni sayfaya yazdirilir.
  '
  IF a = var THEN
    kis = 1: deg = 0
    DO
      b = CSRLIN
      ai = (b + 1) / 2
      IF ai <= 10 THEN
        LOCATE ai * 2 - 1, 5: PRINT kis: " . kisitlayici"
        LOCATE ai * 2, 1
        c$ = STR$(kis)

```

```

d$ = "(" + c$ + ")"
PRINT d$
END IF
FOR i = ai TO 10
  FOR j = 1 TO 5
    deg = deg + 1
    LOCATE i * 2, j * 15 - 10
    PRINT "——"; : COLOR 9
    PRINT "X"; deg: COLOR 10
    IF deg = var THEN
      sat = i
      sut = j
      EXIT FOR
    END IF
  NEXT j
  IF deg = var THEN
    EXIT FOR
  END IF
NEXT i
IF deg = var THEN

```

' Kisitlayicilarin degisken katsayilarinin girilmesi tamalandi ise  
' kisitlama yonu(<,<=,>) ve kisitlayici deger girilir.

```

IF j = 5 THEN
  j = 1: i = i + 1
  IF i > 10 THEN
    GOSUB 2120
    CLS
    i = 1: j = 1
  END IF
ELSE
  j = j + 1
END IF
z$ = "ç"
LOCATE i * 2, j * 15 - 10: PRINT z$: j = j + 1
IF j = 6 THEN
  j = 1: i = i + 1
  IF i > 10 THEN

```

' Bir sayfa doldu ise bu sayfada goruntulenen degisken katsayilarinin giril  
' mesi icin program 2120 nolu satira dallanir.

```

GOSUB 2120
j = 1
i = 1
CLS
END IF
END IF
LOCATE i * 2, j * 15 - 10: PRINT "——"
IF kis = cons THEN

```

' Son kisitlayici degiskenleri de goruntulandıktan sonra bu degiskenlere  
' ait katsayilarin girilmesi icin program 2120 nolu satira dallanir.

```

GOSUB 2120
COLOR 15, 1: CLS
RETURN
END IF
kis = kis + 1: deg = 0
ELSE

```

```

                GOSUB 2120
                CLS
            END IF
        LOOP
    ELSE
        GOSUB 2120
        CLS
    END IF
LOOP
2120
    ss = 1
    DO
        IF aa = var THEN EXIT DO

```

' Amac fonksiyonu katsayilari girilmis ise bu donguden cikar.

```

        FOR i = 1 TO 10
            FOR j = 1 TO 5
                aa = aa + 1
                LOCATE i * 2, j * 15 - 10
                INPUT "", a(0, aa)
                IF aa = var THEN
                    ss = (CSRLIN + 1) / 2
                    EXIT DO
                END IF
            NEXT j
        NEXT i
    RETURN
LOOP

```

' Kisitlayicilara ait katsayilar girilir.

```

        FOR i = ss TO 10
            FOR j = 1 TO 5
                DEG1 = DEG1 + 1
                IF DEG1 = var + 1 THEN
                    DO
                        b = 0
                        LOCATE i * 2, j * 15 - 10
                        INPUT "", BES
                        IF BES <> "<" AND BES <> "=" AND BES <> ">" THEN
                            BEEP
                            b = 1
                        END IF
                    LOOP UNTIL b <> 1
                    IF BES = "<" THEN a(KIS1, DEG1) = 0
                    IF BES = ">" THEN a(KIS1, DEG1) = 2
                    IF BES = "=" THEN a(KIS1, DEG1) = 1
                ELSE
                    LOCATE i * 2, j * 15 - 10: INPUT "", a(KIS1, DEG1)
                END IF
                IF DEG1 = var + 2 THEN
                    KIS1 = KIS1 + 1: DEG1 = 0
                    IF KIS1 = cons + 1 THEN
                        DO
                            LOCATE 22, 10: PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."

```

' Modele ait tum katsayilar girildi ise ana programa geri donulur.

```

        LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    RETURN

```

```

        END IF
      EXIT FOR
    END IF
  NEXT j
NEXT i
RETURN

```

200

' Bilgi girisi alt menüsünde 'DOSYADAN' seçeneği seçilirse program  
' bu satıra dallanır. (Diskte veya disketteki bir dosyayı okuma)

```

a = 1
DO
  a = 0
  COLOR 15, 0
  CLS
  LOCATE 4, 15
  PRINT "Ana menüye dönmek için sadece entere basınız"
  LOCATE 5, 10
  PRINT "Disk(et)teki mevcut data dosyalarını listelemek için dir yazınız"
  LOCATE 6, 10
  PRINT "Disk(et)ten okunacak dosyanın adını giriniz."
  LOCATE 7, 10: INPUT " (a:pak.dat)", a$
  IF a$ = "" THEN
    COLOR 15, 1, 0
    CLS
    RETURN
  END IF
  IF a$ = "dir" THEN
    SHELL "dir/p *.dat"
    DO
      LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    a = 1
  END IF
  IF LEFT$(a$, 2) <> "a:" AND LEFT$(a$, 2) <> "A:" THEN
    IF LEFT$(a$, 2) <> "c:" AND LEFT$(a$, 2) <> "C:" THEN
      CLS
      a = 1
    END IF
  END IF
  IF RIGHT$(a$, 4) <> ".dat" AND RIGHT$(a$, 4) <> ".DAT" THEN
    a = 1
  END IF
LOOP UNTIL a <> 1
CLOSE #1
ON ERROR GOTO 2222
OPEN a$ FOR INPUT AS #1
INPUT #1, opt, var, cons
PRINT opt, var, cons
FOR j = 1 TO var

```

' Amac fonksiyonu katsayılarını okur.

```

  INPUT #1, a(0, j)
NEXT j
FOR i = 1 TO cons
  FOR j = 1 TO var + 2
    INPUT #1, a(i, j)

```

' Kısıtlayıcı katsayılarını okur.

```

NEXT j
NEXT i
CLOSE #1
LOCATE 21, 10: PRINT a$; " okundu"
DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> "": COLOR 15, 1, 0: CLS
RETURN
4000
pg = 1
' Modelin görüntülmesi
'
COLOR 10: CLS
IF var = 0 THEN
LOCATE 5, 5
PRINT "Görüntülenecek bir sey yok.Devam icin bir tusa basiniz."
DO
LOOP UNTIL INKEY$ <> " "
COLOR 15, 1, 0
CLS
RETURN
END IF
CLS : pg = 1
IF opt = 1 THEN opt$ = "MAX" ELSE opt$ = "MIN"
LCCATE 1, 5: PRINT a$; " Probleminin "; opt$; " "; "Amaç fonksiyonu katsayilari"
a = 1
'
' Amac fonksiyonunun goruntulenmesi
'
DO
FOR i = 1 TO 10
FOR j = 1 TO 5
LOCATE i * 2, j * 15 - 10
PRINT a(0, a);
COLOR 9
PRINT "X"; a
COLOR 10
IF a = var THEN EXIT DO
a = a + 1
NEXT j
NEXT i
LOCATE 1, 70: PRINT "Sayfa"; pg
DO
LOCATE 22, 5: PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
LOOP UNTIL INKEY$ <> "": CLS
pg = pg + 1
LOOP UNTIL a = var
IF CSRLIN >= 20 THEN
DO
LOCATE 22, 5: PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
LOOP UNTIL INKEY$ <> " "
CLS
END IF
'
' Kisitlayicilarin goruntulenmesi
'
kis = 1: deg = 1: a = 1
DO
b = CSRLIN
ai = (b + 1) / 2
LOCATE 1, 70: PRINT "Sayfa"; pg

```

```

LOCATE ai * 2 - 1, 10: PRINT kis; ". kisitlayici"
IF ai <= 10 THEN
  LOCATE ai * 2, 1
  c$ = STR$(kis)
  d$ = "(" + c$ + ")"
  PRINT d$
END IF
FOR i = ai TO 10
  FOR j = 1 TO 5
    LOCATE i * 2, j * 15 - 10
    PRINT a(kis, deg);
    COLOR 9
    PRINT "X"; deg
    COLOR 10
    IF deg = var THEN
      sat = i
      sut = j
      deg = deg + 1
      IF j = 5 THEN j = 1: i = i + 1 ELSE j = j + 1
      IF a(kis, deg) = 0 THEN
        z$ = "<"
      ELSE
        IF a(kis, deg) = 1 THEN z$ = "=" ELSE z$ = ">"
      END IF
      LOCATE i * 2, j * 15 - 10
      PRINT z$
      deg = deg + 1
      j = j + 1
      IF j = 6 THEN j = 1: i = i + 1
      LOCATE i * 2, j * 15 - 10: PRINT a(kis, deg)
      LOCATE i * 2 + 1, 10
      IF kis < cons THEN
        IF i * 2 + 1 < 20 THEN PRINT kis + 1; ". kisitlayici"
      END IF
      IF kis = cons THEN
        DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
        COLOR 15, 1, 0: CLS
        RETURN
      END IF
      kis = kis + 1: deg = 1
      a = 2
      EXIT FOR
    END IF
    deg = deg + 1: a = 1
  NEXT j
  IF deg = var THEN EXIT FOR
NEXT i
pg = pg + 1
IF CSRLIN >= 20 THEN
  DO
    LOCATE 22, 10: PRINT "Devam için bir tuşa basınız..."
    LOOP UNTIL INKEYS <> ""
  CLS
END IF
LCOP UNTIL a = 0
DO: LOOP UNTIL INKEYS <> "": RETURN

```

5000

' Revised Simplex Method Genel Cözümü

' Programda iki evreli Revised Simpleks Metod Cozum algoritmasi izlenmistir.



' Modelde optimize edilecek bir amac fonksiyonu ve kisitlayicilar mevcuttur.  
 ' Amac(hedef) ise bu kisitlayici sartlar altinda amac fonksiyonunu minimum  
 ' veya maksimum yapan degisken degerlerini bulmaktir.

' Degiskenlerin sifirlanmasi

```
FOR i = 1 TO cons + 1
  tgd(i) = 0
  tdd(i) = 0
NEXT i
t = 0: c = 0: va = 0: it = 0
CLS
```

' Amac minimizasyon ise amac fonksiyonu katsayilari -1 ile carpilir.

```
IF opt = 2 THEN
  FOR i = 1 TO var
    a(0, i) = -a(0, i)
  NEXT i
END IF
```

' Eger kisitlayicilardan herhangi birinin kisit degeri negatif ise kisitin  
 ' tamamı -1 ile carpilerek kisit degeri pozitif hale getirilir.

```
FOR j = 1 TO cons
  IF a(j, var + 2) < 0 THEN
    FOR k = 1 TO var
      a(j, k) = -a(j, k)
    NEXT k
    IF a(j, var + 1) = 0 THEN
      a(j, var + 1) = 2
    ELSE
      IF a(j, var + 1) = 2 THEN a(j, var + 1) = 0
    END IF
    a(j, var + 2) = -a(j, var + 2)
  END IF
NEXT j
```

' Yapay ve bos degiskenlerin eklenmesi

' Kucuk kisitlayicilara yi bos degiskeni eklenerek esitlik haline getirilir.

' Esit kisitlayicilara zi yapay degiskeni eklenerek kanonik hale getirilir.

' Buyuk kisitlayicilardan once yi bos degiskeni(Problemdede kucuk kisitlayici

' larin bos degiskeni ile karismamasi icin ti dendi) cikarilarak esitlik ha

' line,zi bos degiskeni eklenerek de kanonok hale getirilir.

```
FOR i = 1 TO cons
  IF a(i, var + 1) = 0 THEN
    t = t + 1
    bb$(i + 1) = "y" + STR$(t)
  ELSE
    c = c + 1
    bb$(i + 1) = "z" + STR$(c)
  END IF
  IF a(i, var + 1) = 2 THEN
    va = va + 1
    aa$(var + va) = "t" + STR$(va)
  END IF
NEXT i
FOR i = 1 TO var
  aa$(i) = "x" + STR$(i)
NEXT i
```

```

'
' İki evreli simpleks metodda amac fonksiyonu fc ve fm olarak iki kisma
' ayrilir. Modelin cozumunun olabilmesi icin, yapay degiskenlerin bir an
' once temelden atilmasi gerekir. Bu sebeple once yapay degiskenlerin
' olusturdugu fm amac fonksiyonu optimize edilir. Eger temelde yapay degisken
' kalmis ise modelin mumkun cozumu yoktur.
' Sonra fm satir ve sutunu silinerek fc amac fonksiyonu optimize edilir.
' Temele girecek degiskenler aaS(i), temelden ayrilacaklar bbS(i) dizilerinde
' saklanmaktadır.
' Temele girecek olan degiskenler, modelin degiskenleri ile büyük esit
' kisitlayicilardan cikarilan ti bos degiskenleridir.
' Temelden ayrilacak degiskenler ise yi bos degiskenleri ile zi yapay
' degiskenleridir.

```

```

c = 0: t = 0: b(0, 0) = 0: b(1, 0) = 0

```

```

' KURULUS TABLOSU OLUSTURMA
' Simpleks tablo B matrisinde olusturulur. B matrisinin ilk sutununda(0. sutun)
' kisitlayicilarin kisit degerleri yani temel degisken degerleri saklanir.
' B matrisinin ilk satirinda (0. satir) fc fonksiyonu, ikinci satirinda
' fm fonksiyonu saklanmaktadır.
' Ucuncu satirdan itibaren ise kisitlayicilar yerlestirilmistir.

```

```

FOR i = 2 TO cons + 1
  b(i, 0) = a(i - 1, var + 2)
NEXT i
FOR i = 0 TO var + va
  b(1, i) = 0
NEXT i
FOR i = 1 TO var
  b(0, i) = -a(0, i)
NEXT i
FOR i = 2 TO cons + 1
  FOR j = 1 TO var
    b(i, j) = a(i - 1, j)
  NEXT j
  IF a(i - 1, var + 1) = 2 THEN
    sv = sv + 1
    b(i, var + sv) = -1
  END IF
NEXT i

```

```

' KURULUS TABLOSUNDAN BASLANGIC TABLOSUNA GECIS
' ">" veya "=" kisitlayicilarda Mat inverse matrisini kanonik hale
' getirmek icin fm satirindaki fm sutunu disindaki diger katsayilari
' sifirlamak icin islemler yapilarak Mat matrisi kanonik hale getirilir.

```

```

FOR i = 2 TO cons + 1
  IF a(i - 1, var + 1) <> 0 THEN
    FOR j = 0 TO var + va
      b(1, j) = b(1, j) - b(i, j)
    NEXT j
  END IF
NEXT i
FOR i = 0 TO cons + 1
  FOR j = 0 TO cons + 1
    IF i = j THEN mat(i, j) = 1 ELSE mat(i, j) = 0
  NEXT j
NEXT i

```

```

***** COZUM *****

```

5500

```

'-----BIRINCI EVRE-----
'
  FOR i = 1 TO var + va
    km(i) = 0
  NEXT i
  ek = 999999
'
' fm katsayilarinin hesabi
' Km(i) dizisi fm amac fonksiyonu katsayilarini icerir.
'
  FOR i = 1 TO var + va
    FOR j = 0 TO cons + 1
      km(i) = mat(1, j) * b(j, i) + km(i)
    NEXT j
'
' Temele girecek degiskenin(anahtar sutunun belirlenmesi)
' En buyuk negatif katsayili degisken temele giren degisken olarak secilir.
'
  IF km(i) < -.00001 THEN
    IF km(i) < ek THEN ek = km(i): c(it) = i
  END IF
  NEXT i
  FOR i = 0 TO cons + 1
    tdd(i) = 0: tgd(i) = 0
  NEXT i
  FOR i = 0 TO cons + 1
    FOR j = 0 TO cons + 1
      tgd(i) = tgd(i) + mat(i, j) * b(j, c(it))
      tdd(i) = tdd(i) + mat(i, j) * b(j, 0)
    NEXT j
  NEXT i
'
' Temelden ayrilacak degiskenin(anahtar satirin belirlenmesi)
' En kucuk pozitif katsayili degisken temelden ayrilacak degisken olarak
' secilir.
'
  IF ek <> 999999 THEN
    FOR i = 2 TO cons + 1
      IF tgd(i) > 0 THEN
        oran(i) = tdd(i) / tgd(i)
        IF oran(i) < 0 THEN oran(i) = -1
      ELSE
        oran(i) = -1
      END IF
    NEXT i
'
' Burada dejenerasyona bakilir(Birden fazla en kucuk oran degeri)
'
  ek = 923655
  FOR i = 2 TO cons + 1
    IF oran(i) <> -1 THEN
      IF oran(i) < ek THEN ek = oran(i): ek(it) = i
    END IF
  NEXT i
'
' Oran degerlerinin hepsi 0 dan kucukse temelden ayrilacak degisken yoktur.
' Yani sinirsiz cozum vardir.
'
  IF ek = 923655 THEN

```

```

        sol = 1
        SOLVE sol, var, cons, opt, it
        RETURN
    END-IF
    t = 1
,
' Dejenerasyon arastirmasi
,
    FOR i = 2 TO cons + 1
        IF i <> ek(it) THEN
            IF oran(i) = ek THEN t = t + 1: esay(t) = i
        END IF
    NEXT i
    IF t <> 1 THEN
        IF ek = 0 THEN GOSUB 5800 ELSE GOSUB 5700
    END IF
,
' aaS(c(it)) teme le giriyor.
' bbS(ek(it)) temelden cikiyor
' Teme le girecek degisken sütunu kanonik hale getirilir.
,
    bbS(ek(it)) = aaS(c(it))
    FOR i = 0 TO cons + 1
        mat(ek(it), i) = mat(ek(it), i) / tgd(ek(it))
    NEXT i
    FOR i = 0 TO cons + 1
        IF i <> ek(it) THEN
            FOR j = 0 TO cons + 1
                mat(i, j) = mat(i, j) - mat(ek(it), j) * tgd(i)
            NEXT j
        END IF
    NEXT i
    it = it + 1
    GOTO 5500
,
' Fm optimize edildikten sonra temelde 0 dan farkli bir katsayi ile yapay
' degisken varsa modelin mumkun cozumu yoktur.
' Eger bir yapay degisken mevcut fakat katsayisi 0 ise model optimize
' edilmistir. Artik ikinci evreye gecilmez.
,
    ELSE
        a = 0
        FOR i = 2 TO cons + 1
            IF LEFT$(bbS(i), 1) = "z" THEN
                IF tdd(i) <> 0 THEN
                    sol = 2
                    SOLVE sol, var, cons, opt, it
                    RETURN
                ELSE
                    a = 2
                END IF
            END IF
        NEXT i
        IF a = 2 THEN
            sol = 4
            SOLVE sol, var, cons, opt, it
            RETURN
        END IF
    END IF
,
    END IF
,
' *****IKINCI EVRE*****

```

'fc amac fonksiyonunun optimize edilmesi

```
FOR i = 2 TO cons + 1
  bb$(i - 1) = bb$(i)
NEXT i
k = 0: l = 0
FOR i = 0 TO cons + 1
  IF i = 1 THEN i = i + 1
```

'fm'e ait satir ve sütunlar silinir.

```
FOR j = 0 TO cons + 1
  IF j = 1 THEN j = j + 1
  mat(k, l) = mat(i, j)
  l = l + 1
NEXT j
k = k + 1: l = 0
NEXT i
k = 0
```

'Yeni B matrisi

```
FOR i = 0 TO cons + 1
  IF i = 1 THEN i = i + 1
  FOR j = 0 TO var + va
    b(k, j) = b(i, j)
  NEXT j
  k = k + 1
NEXT i
```

5600

```
FOR i = 1 TO var + va
  km(i) = 0
NEXT i
FOR i = 0 TO cons
  tdd(i) = 0: tgd(i) = 0: oran(i) = 0
NEXT i
ek = 999999
FOR i = 1 TO var + va
  FOR j = 0 TO cons
    km(i) = mat(0, j) * b(j, i) + km(i)
  NEXT j
  IF km(i) < -.000001 THEN
    IF km(i) < ek THEN ek = km(i): c(it) = i
  END IF
NEXT i
IF ek <> 971570 THEN
  FOR i = 0 TO cons
    FOR j = 0 TO cons
      tgd(i) = tgd(i) + mat(i, j) * b(j, c(it))
      tdd(i) = tdd(i) + mat(i, j) * b(j, 0)
    NEXT j
    IF tgd(i) > 0 THEN
      oran(i) = tdd(i) / tgd(i)
      IF oran(i) < 0 THEN oran(i) = -1
    ELSE
      oran(i) = -1
    END IF
  NEXT i
```

'aa\$(c(it)) teme ele giriyor.

'Burada dejenerasyona bakilir.

```

ek = 953655
FOR i = 1 TO cons
  IF oran(i) <> -1 THEN
    IF oran(i) < ek THEN ek = oran(i): ek(it) = i
  END IF
NEXT i
IF ek = 953655 THEN
  sol = 1
  SOLVE sol, var, cons, opt, it
  RETURN
END IF
t = 1

```

' Dejenersyon arastirmasi

```

FOR i = 1 TO cons
  IF i <> ek(it) THEN
    IF oran(i) = ek THEN t = t + 1: esay(t) = i
  END IF
NEXT i
IF t <> 1 THEN
  IF ek = 0 THEN GOSUB 5800 ELSE GOSUB 5700
END IF

```

' bb\$(ek(it)) temelden cikiyor.

' Temele girecek degisken sutununu kanonik hale getirmek

```

bb$(ek(it)) = aa$(c(it))
FOR i = 0 TO cons
  mat(ek(it), i) = mat(ek(it), i) / tgd(ek(it))
NEXT i
FOR i = 0 TO cons
  IF i <> ek(it) THEN
    FOR j = 0 TO cons + 1
      mat(i, j) = mat(i, j) - mat(ek(it), j) * tgd(i)
    NEXT j
  END IF
NEXT i
it = it + 1
GOTO 5600
END IF
FOR i = 0 TO cons
  FOR j = 0 TO cons
    tdd(i) = tdd(i) + mat(i, j) * b(j, 0)
  NEXT j
NEXT i
sol = 4
SOLVE sol, var, cons, opt, it
RETURN

```

5700

' Anahtar satir seciminde 0 dan farkli en kucuk oran degeri birden fazla  
' olursa dejenersyon ile karsilasilir. Bu dejenersyonun onlenmesi icin  
' esit oranli satirdaki her eleman bulundugu satirin anahtar sutun uzerin  
' deki elemanina bolunerek cesitli degerler elde edilir. u degerler soldan  
' saga dogru esit oranli satirlarin her sutunu icin mukayese edilerek, esit  
' olmayan ilk mukayesede en kucuk oran degerini saglayan satir anahtar satir  
' olarak secilir.

```

esay(1) = ek(it)
FOR j = 1 TO cons + 1
  ek = 34986
  FOR i = 1 TO t
    oran(i) = mat(esay(i), j) / tgd(esay(i))
    IF oran(i) < ek THEN ek = oran(i): ek(it) = esay(i)
  NEXT i
  FOR i = 1 TO t
    IF i <> ek(it) THEN
      IF oran(i) = ek THEN esp = 1
    END IF
  NEXT i
  IF esp = 0 THEN j = cons
NEXT j
RETURN
5800
'
' Perturbation metod
' Bu dejenerasyon durumuna birden fazla en kucuk oran degerinin sifir oldugu
' durumlarda karsilasilir. Sifir olan temel degisken degerlerine sifirdan
' buyuk fakat birden cok kucuk bir sayinin kuvvetleri eklenir.
' Bu temel degisken degerlerine gore en kucuk oran degeri beirlenir.
'
car = 1: esay(1) = ek(it)
ek = 67667
FOR i = 1 TO t
  car = car * .1175
  tdd(esay(i)) = car
  oran(i) = tdd(esay(i)) / tgd(esay(i))
  IF oran(i) < ek THEN ek = oran(i): ek(it) = esay(i)
NEXT i
RETURN

6000
' Dosya saklama
COLOR 15, 0: CLS
6100
IF var = 0 THEN
  PRINT "Kaydedilecek birsey yok"
  DO
  LOOP UNTIL INKEYS <> ""
  COLOR 15, 1, 0: CLS
  RETURN
END IF
a = 1
DO
  a = 0
  LOCATE 5, 10
  INPUT "Korunacak model icin bir isim giriniz.(example a:pak.dat)"; a$
' Surucu ismi A veya C den farkli ise yeniden isim girilir.
' Dosya uzantisi .Dat dan farkli ise yeniden isim girilir.
  IF LEFT$(a$, 2) <> "a:" AND LEFT$(a$, 2) <> "A:" THEN
    IF LEFT$(a$, 2) <> "c:" AND LEFT$(a$, 2) <> "C:" THEN
      CLS : a = 1
    END IF
  END IF
  IF RIGHT$(a$, 4) <> ".dat" AND RIGHT$(a$, 4) <> ".DAT" THEN
    CLS : a = 1
  END IF
LOOP UNTIL a <> 1

```

```

ON ERROR GOTO 3333
OPEN a$ FOR OUTPUT AS #1
PRINT #1, opt, var, cons
' Amac fonksiyonu katsayilari saklanir.
FOR j = 1 TO var
  PRINT #1, a(0, j)
NEXT j
' Kisitlayici katsayilari saklanir.
FOR i = 1 TO cons
  FOR j = 1 TO var + 2
    PRINT #1, a(i, j)
  NEXT j
NEXT i
CLOSE #1
LOCATE 21, 10: PRINT a$: " saklandi"
DO: LOOP UNTIL INKEYS <> "": COLOR 15, 1, 0: CLS
RETURN

```

```

3333
IF ERR = 71 THEN
  PRINT "Disk hazir degil."
  DO WHILE INKEYS <> "": LOOP
  RESUME 6100
END IF
IF ERR = 72 THEN
  PRINT "Disk-media hatasi."
  DO WHILE INKEYS <> ""
  LOOP
  RESUME 6100
END IF
IF ERR = 70 THEN
  PRINT "Erisim engellendi"
  DO WHILE INKEYS <> ""
  LOOP: RESUME 6100
END IF

```

```

7000

```

- ' Model uzerinde degisiklik yapma imkani saglar.
- ' Bu ait menude amac fonksiyonunun katsayilarini degistirilebilir.
- ' Mevcut bir kisitlayici uzerinde degisiklikler yapilabilir.
- ' Modele yeni kisitlayicilar eklenebilir.
- ' Mevcut bir kisitlayici silinebilir.
- ' Modele yeni bir degisken eklenebilir veya cikarabilir.

```

COLOR 15, 1
CLS
a$(1) = " Amac Fonksiyon Katsayilarini degistirme"
a$(2) = " Kisitlayiciyi degistirme"
a$(3) = " Kisitlayici Ekleme"
a$(4) = " Kisitlayici Silme"
a$(5) = " Degisken Ekleme"
a$(6) = " Degisken Silme"
a$(7) = " Ana Menu' ye Donus"
DO
  LOCATE 20, 15
  PRINT "Degisiklikleri saklamayi unutmayiniz."
  LOCATE 7, 28: PRINT "PROBLEM UZERINDE DEGISIKLIK"
  MENU1 9, 18, 7, sd

```



```

ON sd GOSUB 111, 222, 333, 444, 555, 666, 722
COLOR 15, 1: CLS
IF sd = 7 THEN COLOR 15, 1, 0: CLS : RETURN
LOOP
111
' Amac fonksiyon katsayilarini degistirir.
IF opt = 1 THEN opt$ = "MAX" ELSE opt$ = "MIN"
ps = 1: COLOR 15, 0: CLS
DO
  IF var = 0 THEN
    PRINT "Degistirilecek birsey yok"
    PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
    DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    RETURN
  END IF
  LOCATE 1, 10
  PRINT opt$, " Amac fonksiyonun katsayilarini degistiriniz."
  FOR i = 1 TO 10
    FOR j = 1 TO 5
      LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
      COLOR 9: PRINT a(0, j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1));
      COLOR 10: PRINT " "; "x"; j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1)
      IF j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1) = var THEN
        a = 1
        EXIT FOR
      ELSE
        a = 0
      END IF
    NEXT j
    IF a = 1 THEN
      EXIT FOR
    END IF
  NEXT i
  FOR i = 1 TO 10
    FOR j = 1 TO 5
      gd = a(0, j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1))
      LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
      COLOR 9: PRINT "";
      INPUT "", a(0, j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1))
      IF a(0, j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1)) = 0 THEN
        a(0, j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1)) = gd
      END IF
      IF j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1) = var THEN
        a = 1
        EXIT FOR
      ELSE
        a = 0
      END IF
    NEXT j
    IF a = 1 THEN
      EXIT FOR
    END IF
  NEXT i
  IF j + 5 * (i - 1) + 50 * (ps - 1) <> var THEN
    ps = ps + 1
    PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
    DO: LOOP UNTIL INKEYS <> "": CLS
  ELSE
    EXIT DO
  END IF

```

```

    END IF
    LOOP
    PRINT "Devam için bir tusa basınız...": DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    RETURN

```

222

' Modelin istenen kısıtlayicisine ait katsayıları değiştirir.

```

COLOR 15, 0: CLS
IF var = 0 THEN
    PRINT "Degistirilecek bir kısıtlayıcı mevcut değil"
    PRINT "Devam için bir tusa basınız...": DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    RETURN
END IF
g = 1: h = 1
INPUT "Hangi kısıtlayıcı değiştirilecek?": w: CLS
LOCATE 1, 10: PRINT w; ".Kısıtlayıcının katsayıları"
DO
    h = 1
    FOR i = 1 TO 10
        FOR j = 1 TO 5
            LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
            COLOR 9: PRINT a(w, h + 50 * (g - 1));
            COLOR 10: PRINT " "; "X"; h + 50 * (g - 1)
            IF h + 50 * (g - 1) = var THEN
                IF j = 5 THEN j = 1: i = i + 1 ELSE j = j + 1
                IF a(w, h + 1 + 50 * (g - 1)) = 0 THEN
                    zS = "<"
                ELSE
                    IF a(w, h + 1 - 50 * (g - 1)) = 1 THEN
                        zS = "="
                    ELSE
                        zS = ">"
                    END IF
                END IF
            END IF
            LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
            PRINT zS
            j = j + 1
            IF j = 6 THEN j = 1: i = i + 1
            LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
            PRINT a(w, h + 2 + 50 * (g - 1))
            EXIT FOR
        END IF
        h = h + 1
    NEXT j
    IF h + 50 * (g - 1) = var THEN EXIT FOR
NEXT i
h = 1
FOR i = 1 TO 10
    FOR j = 1 TO 5
        od = a(w, h + 50 * (g - 1))
        LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1: COLOR 9
        IF h + 50 * (g - 1) = var + 3 THEN
            PRINT "Devam için bir tusa basınız..."
            DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
            RETURN
        END IF
        IF h + 50 * (g - 1) = var + 1 THEN
            DO
                b = 0

```

```

        LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
        INPUT "", BES
        IF BES <> "<" AND BES <> "=" AND BES <> ">" THEN
            BEEP
            b = 1
        END IF
        LOOP UNTIL b <> 1
        IF BES = "<" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 0
        IF BES = ">" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 2
        IF BES = "=" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 1
    ELSE
        INPUT "", s$
        IF s$ = "" THEN
            a(w, h + 50 * (g - 1)) = od
        ELSE
            a(w, h + 50 * (g - 1)) = VAL(s$)
        END IF
    END IF
    h = h + 1
NEXT j
NEXT i
g = g + 1
LOCATE 22, 10:
PRINT "Devam için bir tusa basiniz..."
DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> ""
CLS
LOOP
333

```

' Modele kisitlayici ekler.

```

COLOR 15, 0: CLS
IF var = 0 THEN
    PRINT "Degisecek bir problem yok "
    PRINT "Devam için bir tusa basiniz..."
    DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> ""
    RETURN
END IF
g = 1: cons = cons + 1: w = cons
LOCATE 1, 10: PRINT w: ".kisitlayicinin katsayilarini giriniz."
DO
    h = 1
    FOR i = 1 TO 10
        FOR j = 1 TO 5
            LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
            COLOR 9: PRINT "_____";
            COLOR 10: PRINT " "; "x"; h + 50 * (g - 1)
            IF h + 50 * (g - 1) = var THEN
                IF j = 5 THEN j = 1: i = i + 1 ELSE j = j + 1
                z$ = "<"
                LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1: PRINT z$
                j = j + 1
                IF j = 6 THEN j = 1: i = i + 1
                LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1: PRINT "_____"
            EXIT FOR
        END IF
        h = h + 1
    NEXT j
    IF h + 50 * (g - 1) = var THEN EXIT FOR
NEXT i
h = 1

```

```

FOR i = 1 TO 10
  FOR j = 1 TO 5
    IF h + 50 * (g - 1) = var + 1 THEN
      DO
        b = 0
        LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1: INPUT "", BES
        IF BES <> "<" AND BES <> "=" AND BES <> ">" THEN
          BEEP
          b = 1
        END IF
      LOOP UNTIL b <> 1
      IF BES = "<" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 0
      IF BES = ">" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 2
      IF BES = "=" THEN a(w, h + 50 * (g - 1)) = 1
    ELSE
      IF h + 50 * (g - 1) = var + 3 THEN
        PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
        DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
        RETURN
      END IF
      LOCATE i * 2, (j - 1) * 15 + 1
      COLOR 9: INPUT "", a(w, h + 50 * (g - 1))
    END IF
    h = h + 1
  NEXT j
NEXT i
g = g + 1
LOCATE 22, 10:
PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
DO: LOOP UNTIL INKEYS <> "": CLS
LOOP
444
'
' Modelden kisitlayici siler.
'
'
'
COLOR 15, 0: CLS
IF var = 0 THEN
  PRINT "Silinecek bir kisitlayici yok"
  PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
  DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
  RETURN
END IF
COLOR 15, 0: CLS
INPUT "  Hangi kisitlayici siinecek?", kis
INPUT "  Emin misiniz?(e/h)", FS
IF FS <> "e" AND FS <> "E" THEN RETURN
cons = cons - 1
FOR i = kis TO cons
  FOR j = 1 TO var + 2
    a(i, j) = a(i + 1, j)
  NEXT j
NEXT i
LOCATE 20, 25: PRINT kis; ".kisitlayici silindi."
PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
RETURN
555
'
' Modele degisken ekler.
'
'
COLOR 15, 0: CLS

```

```

IF var = 0 THEN
  PRINT "Degistirilecek bir problem yok"
  PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
  DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
  RETURN
END IF
CLS
INPUT "Modele degisken eklemek istediginizden emin misiniz(e/h)?", FS
IF FS <> "e" AND FS <> "E" THEN RETURN
var = var + 1
PRINT "Default degisken ismi X"; var
PRINT "X"; var; "in amac fonksiyonundaki katsayisini giriniz."
INPUT " ", a(0, var)
FOR i = 1 TO cons
  k = a(i, var): kd = a(i, var + 1)
  PRINT " X"; i; "kisitlayicisindaki katsayi "; i;
  INPUT a(i, var)
  a(i, var + 1) = k: a(i, var + 2) = kd
NEXT i
PRINT "X"; var; "degiskeni modele eklendi"
PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
RETURN

```

666

Modelden degisken siler.

```

CLS
IF var = 0 THEN
  PRINT "Silinecek bir problem yok"
  PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."
  DO: LOOP UNTIL INKEYS <> "": RETURN
END IF
INPUT "Degisken silmek istediginizden emin misiniz(e/h)?", FS
IF FS <> "e" AND FS <> "E" THEN RETURN
INPUT "Silinecek degisken ismini giriniz", dv
var = var - 1
FOR i = 1 TO cons
  FOR j = dv TO var + 2
    a(i, j) = a(i, j + 1)
  NEXT j
NEXT i
FOR j = dv TO var
  a(0, j) = a(0, j + 1)
NEXT j
PRINT "X"; dv; "degiskeni bu modelden silindi"
PRINT "Devam icin bir tusa basiniz...": DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
RETURN

```

722

RETURN

8000

```

COLOR 15, 0: CLS
LOCATE 12, 25
PRINT "BU PROGRAMI KULLANDIGINIZ ICIN TESEKKURLER"
END

```

2222

```

IF ERR = 72 OR 71 OR 70 THEN
  PRINT "Uyarı! Bu kütük acilamiyor."
  PRINT "Devam etmek icin disk protectini kontrol ediniz."
  PRINT " Yoksa böyle bir dosya mevcut degil"
  DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""

```

```
PRINT "Bu isimde bir dosya bulunamadi."  
DO: LOCATE 20, 10: PRINT "Devam icin bir tusa basiniz..."  
LOOP UNTIL INKEY$ <> ""  
RESUME 200  
END IF
```

```

SUB MENU1 (x%, y%, SECIMSAYISI, SECILEN)
' Ana menu alt programi
  nRD% = 1
  FOR Q% = 1 TO SECIMSAYISI
  YAZ ((x% - 1) + Q%), y%, a$(Q%), 0
  NEXT
  YAZ x%, y%, a$(1), 1
  DO
  DO
  w$ = INKEY$
  LOOP WHILE w$ = ""
  IF LEN(w$) = 1 THEN
    SELECT CASE ASC(w$)
    CASE 13
      SECILEN = nRD%
      EXIT DO
    CASE ELSE
      SOUND 200, 1
    END SELECT
  ELSE
    ww$ = RIGHTS(w$, 1)
    SELECT CASE ASC(ww$)
    CASE 80
      YAZ ((x% - 1) + nRD%), y%, a$(nRD%), 0
      nRD% = nRD% + 1: IF nRD% > SECIMSAYISI THEN nRD% = 1
      YAZ ((x% - 1) + nRD%), y%, a$(nRD%), 1
    CASE 72
      YAZ ((x% - 1) + nRD%), y%, a$(nRD%), 0
      nRD% = nRD% - 1: IF nRD% < 1 THEN nRD% = SECIMSAYISI
      YAZ ((x% - 1) + nRD%), y%, a$(nRD%), 1
    CASE ELSE
      SOUND 200, 1
    END SELECT
  END IF
  LOOP
  COLOR 7, 0 '
END SUB

```

```

SUB SOLVE (sol, var, cons, opt, it)
SHARED a(), tdd(), bb$( ), km(), aa$( ), mat( )
DIM aa(160), bb(160)
' Cozum alt programi
  m = 0: n = 0
  IF sol = 1 THEN
    CLS
    COLOR 15, 2, 7: LOCATE 12, 32: PRINT "SINIRSIZ COZUM"
    DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    COLOR 15, 1, 0: CLS
  END IF
  IF sol = 2 THEN
    CLS
    COLOR 15, 2, 7: LOCATE 12, 12: PRINT "MUMKUN COZUM YOK"
    DO: LOOP UNTIL INKEYS <> ""
    COLOR 15, 1, 0: CLS
  END IF
  IF sol = 4 THEN
    IF opt = 1 THEN
      optS = "max"
    ELSE
      optS = "min"
    END IF
    tdd(0) = -tdd(0)
    END IF
    FOR k = 1 TO cons
      IF a(k, var + 1) = 2 THEN m = m + 1: ' <>0 veya =2
    NEXT k
    FOR i = 1 TO var + m
      IF km(i) = 0 OR km(i) > 0 THEN
        aa(i) = km(i)
      END IF
    NEXT i
    j = 0
    FOR k = 1 TO cons
      IF a(k, var + 1) <> 0 THEN
        j = j + 1: aa$(var + m + k) = "z" + STR$(j)
        aa(var + m + k) = mat(0, k)
      ELSE
        n = n + 1
        aa$(var + m + k) = "y" + STR$(n)
        aa(var + m + k) = mat(0, k)
      END IF
    NEXT k
    FOR i = 1 TO var + m + cons
      FOR j = 1 TO cons
        IF aa$(i) = bb$(j) THEN
          aa(i) = 0: bb(i) = tdd(j)
          EXIT FOR
        ELSE
          bb(i) = 0
        END IF
      NEXT j
    NEXT i
    sf = INT((var + cons + m) / 30)
    IF sf * 30 = var + cons + m THEN syf = sf ELSE syf = sf + 1
    p = 1
    FOR l = 1 TO syf
      CLS
      LOCATE 1, 2: PRINT CHR$(201): LOCATE 1, 3
      PRINT STRING$(77, 205): LOCATE 1, 80: PRINT CHR$(187)
      LOCATE 2, 2: PRINT CHR$(186): LOCATE 2, 80: PRINT CHR$(186)
    NEXT l
  END IF
END SUB

```



```

LOCATE 3, 2: PRINT CHR$(204)
LOCATE 3, 3: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 15: PRINT CHR$(203)
LOCATE 3, 16: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 28: PRINT CHR$(203)
LOCATE 3, 29: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 41: PRINT CHR$(203)
LOCATE 3, 42: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 54: PRINT CHR$(203)
LOCATE 3, 55: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 67: PRINT CHR$(203)
LOCATE 3, 68: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 3, 80: PRINT CHR$(185)
LOCATE 4, 2: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 15: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 28: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 41: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 54: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 67: PRINT CHR$(186)
LOCATE 4, 80: PRINT CHR$(186)
LOCATE 5, 2: PRINT CHR$(204)
LOCATE 5, 3: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 15: PRINT CHR$(206)
LOCATE 5, 16: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 28: PRINT CHR$(206)
LOCATE 5, 29: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 41: PRINT CHR$(206)
LOCATE 5, 42: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 54: PRINT CHR$(206)
LOCATE 5, 55: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 67: PRINT CHR$(206)
LOCATE 5, 68: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE 5, 80: PRINT CHR$(185)
FOR i = 6 TO 20
  IF p + (i - 1) * 15 = cons + var + m + 1 THEN EXIT FOR
  LOCATE i, 2: PRINT CHR$(186): LOCATE i, 80: PRINT CHR$(186)
  LOCATE i, 15: PRINT CHR$(186): LOCATE i, 28: PRINT CHR$(186)
  LOCATE i, 41: PRINT CHR$(186): LOCATE i, 54: PRINT CHR$(186)
  LOCATE i, 67: PRINT CHR$(186)
  LOCATE i, 3
  PRINT p + (i - 1) * 15; " "; aa$(p + (i - 1) * 15)
  LOCATE i, 16: PRINT bb(p + (i - 1) * 15)
  LOCATE i, 29: PRINT aa(p + (i - 1) * 15)
  LOCATE i, 42: PRINT p + i * 15; " "; aa$(p + i * 15)
  LOCATE i, 55: PRINT bb(p + i * 15)
  LOCATE i, 68: PRINT aa(p + i * 15)
  p = p + 1
NEXT i
LOCATE i, 2: PRINT CHR$(200)
LOCATE i, 3: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE i, 15: PRINT CHR$(202)
LOCATE i, 16: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE i, 28: PRINT CHR$(202)
LOCATE i, 29: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE i, 41: PRINT CHR$(202)
LOCATE i, 42: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE i, 54: PRINT CHR$(202)
LOCATE i, 67: PRINT CHR$(202)
LOCATE i, 55: PRINT STRING$(12, 205)
LOCATE i, 80: PRINT CHR$(188)
LOCATE i, 68: PRINT STRING$(12, 205)

```

```
LOCATE 2, 5: PRINT "SONUC TABLO"  
LOCATE 2, 20: PRINT "iterasyon:"; it  
LOCATE 2, 40: PRINT "f"; opt$; "="; tdd(0)  
LOCATE 2, 68: PRINT "Sayfa:"; j  
LOCATE 4, 3: PRINT "Degisken"  
LOCATE 4, 16: PRINT "cözüm"  
LOCATE 4, 29: PRINT "firs. mal."  
LOCATE 4, 42: PRINT "Degisken"  
LOCATE 4, 56: PRINT "cözüm"  
LOCATE 4, 68: PRINT "firs. mal."  
DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> ""  
NEXT I  
DO: LOOP UNTIL INKEY$ <> ""; COLOR 15, 1, 0: CLS  
END IF  
END SUB
```

```
SUB YAZ (x%, y%, e$, e)  
IF e = 1 THEN  
    COLOR 0, 15  
ELSE  
    COLOR 15, 0  
END IF  
LOCATE x%, y%: PRINT e$  
END SUB
```

## KAYNAKLAR

1. Serper, Ö. ve Gürsakal, N., 1982, Doğrusal Programlama. BITİA İşletme Fakültesi, Bursa, s45-56.
2. Kaçtıoğlu, S., 1987, Doğrusal Programlama ve Ulaştırma Modeli. Atatürk Üniversitesi İktisadi ve İdari Bilimler Fakültesi Araştırma Merkezi Ders Notları:141, Erzurum, s37-108.
3. Kara, İ., 1980, Yöneylem Araştırması. Anadolu Üniversitesi Basımevi, Eskişehir, s127-132.
4. Gottfried, B. S. and Wefsmann, J., 1973, Introduction to Optimization Theory. Prentice-Hall, p151.
5. Dantzig, G. B. and Orchard Hays, W., 1953, Alternate Algorithm for the Revised Simplex Method. The RAND Corporation, Santa Monica, Calif, RAND Report RM-1268.
6. Dantzig, G. B., 1951, Maximization of a Linear Function of Variables Subject to Linear Inequalities. John Wiley & Sons, New York, p359-373.
7. Charnes, A., 1952, Optimality and Degeneracy in Linear Programming. Econometrica, New York, vol20.
8. Wolfe, P., 1962, A technique for Resolving Degeneracy in Linear Programming. The RAND Corporation, Santa Monica, Calif, RAND Report RM-2995.
9. Dantzig, G. B., Orden, A. and Wolfe, P., 1954, Generalized Simplex Method for Minimizing a Linear form under Linear Inequality Restraints. The RAND corporation, Santa Monica, Calif, RAND Report-1264.
10. Hoffman, A. J., 1955, How to Solve a Linear Programming Problem. Directorate of Management Analysis, Washington, p124.
11. Eskicioğlu, A. M., 1988, Pascal ile Yapısal Programlama, Evrim Basım Yayın, Ankara, s12.
12. Kaçtıoğlu, S., 1995, Basic Programlama Dili, Erzurum Kültür ve Eğitim Vakfı Yayınları, Erzurum, s10-60.

13. Sezginman, İ.,1993, Lineer Programlama Teori ve Problemleri. Yıldız Teknik Üniversitesi, İstanbul, s231.
14. Bazaraa, M. S.,1977, Linear Programming and Network Flows. John Wiley&Sons, Canada, p194-195.